

# تصویح تابع سرمایه‌گذاری براساس الگوی افق نامحدود و براورد آن برای اقتصاد

## ایران با استفاده از روش همجمعی

مصطفی کریم‌زاده<sup>۱</sup>

تاریخ پذیرش: ۱۳۹۰/۰۷/۱۶

تاریخ دریافت: ۱۳۸۹/۱۰/۲۱

چکیده

با توجه به اهمیت سرمایه‌گذاری که از آن به عنوان موتور رشد اقتصادی یاد می‌شود و دیدگاه بسیاری از اقتصاددانان از جمله ویکسل، کینز و هارود که منشا سیکل‌های تجاری را نوسان‌های سرمایه‌گذاری می‌دانند، این تحقیق به دنبال آن است که تابع سرمایه‌گذاری را براساس یک الگوی پایه‌ای و اساسی در ادبیات اقتصاد کلان به نام الگوی رمزی تصویح کند.

هدف اصلی این پژوهش استخراج مسیر بهینه سرمایه‌گذاری با استفاده از بهینه‌یابی ریاضی و براورد آن با استفاده از روش همجمعی برای اقتصاد ایران در دوره زمانی (۱۳۶۹-۱۳۸۶) و با داده‌های فعلی است.

به منظور براورد الگو از روش یوهانسن-جوسلیوس استفاده شده است. بردار همجمعی براورد شده حاکی از وجود یک رابطه‌ی تعادلی بلندمدت بین سرمایه‌گذاری، موجودی سرمایه، قیمت سایه‌ای سرمایه، هزینه‌ی نصب سرمایه، قیمت سرمایه و رابطه‌ی مبادله است. به طوری که موجودی سرمایه و رابطه‌ی مبادله تأثیر مثبت و قیمت سایه‌ای سرمایه، هزینه‌ی نصب سرمایه و قیمت سرمایه تأثیر منفی بر سرمایه‌گذاری دارند.

**واژگان کلیدی:** سرمایه‌گذاری، الگوی رمزی، قیمت سایه‌ای سرمایه، بردار همجمعی

JEL: F41; E22; F32

## ۱- مقدمه

از زمان آدام اسمیت تاکنون یک سنت مستحکم در اقتصاد وجود دارد و آن این که سرمایه‌گذاری را به عنوان نیروی محركه رشد اقتصادی می‌شناسند. این سنت فرض می‌کند ساز و کار دستیابی به میزان بالای سرمایه‌گذاری ذاتاً در اقتصادهای مبتنی بر بازار قرار دارد و این ساز و کار به طور معمول بر مبنای قیمت‌های نسبی قابل تحقق است و بنابراین، با تقویت این ساز و کار رشد اقتصادی بالا می‌تواند تحقق یابد. (هایامی، ۱۴۶:۳۸۶)

کمایش بیشتر اقتصاددانان بدون توجه به مکتب و دیدگاه فکری خود، بر انشاست و تکمیل سرمایه به مثابه‌ی مهم‌ترین عامل تعیین‌کننده‌ی رشد و توسعه‌ی اقتصادی تأکید زیادی داشته‌اند. دور باطل فقر در کشورهای در حال توسعه را که در اقتصاد توسعه به عنوان یکی از تنگناهای اقتصادی این کشورها از آن یاد می‌شود، تنها از طریق سرمایه‌گذاری می‌توان رفع کرد. انشاست قابل توجه سرمایه، استفاده مطلوب‌تر و کامل‌تر از منابع موجود در اقتصاد را امکان‌پذیر می‌سازد. سرمایه‌گذاری درآمد ملی و اشتغال را افزایش می‌دهد، مشکلات مربوط به تورم، بیکاری و کسری تراز پرداخت‌ها را رفع می‌کند و اقتصاد را از بار سنگین بدھی‌های خارجی رها می‌سازد. سرمایه‌گذاری بر رفاه اجتماعی و اقتصاد کشور تأثیر می‌گذارد. اگر میزان سرمایه‌گذاری کافی باشد، می‌توان با نیازهای جمعیت رو به افزایش در کشورهای در حال توسعه مقابله کرد. زمانی که انشاست سرمایه و انتقال آن برای استفاده‌ی مطلوب‌تر از منابع طبیعی کشور و احداث صنایع گوناگون؛ مانند صنایع تبدیل کننده‌ی مواد اولیه صورت می‌گیرد، می‌توان درآمدات را افزایش داد و خواسته‌های مردم را در جامعه متنوع کرد. (قره‌باغیان، ۱۳۸۶:۵۲۳-۵۱۹)

وابستگی بالای اقتصاد ایران به نفت و نیز تأثیر مهم قیمت نفت در رابطه‌ی مبادله‌ی تجاری ایران، اهمیت تحلیل تأثیرگذاری رابطه‌ی مبادله بر سرمایه‌گذاری را روشن می‌کند. به طوری که با تحولات بازار جهانی نفت، قیمت نفت تغییر می‌یابد و از آنجا که قیمت نفت در رابطه‌ی مبادله‌ی کشورهای صادرکننده‌ی نفت اهمیت ویژه دارد؛ بنابراین، انتظار می‌رود نوساوه‌های بازار جهانی نفت تغییرات رابطه‌ی مبادله را موجب شود. مطالعه‌ی حاضر ضمن بررسی ادبیات مربوط به تأثیرگذاری رابطه‌ی مبادله بر متغیرهای اقتصاد کلان به تبیین ارتباط سرمایه‌گذاری و رابطه‌ی مبادله می‌پردازد. آگاهی از میزان و نحوه اثرگذاری رابطه‌ی مبادله بر سرمایه‌گذاری می‌تواند راه‌گشای سیاست‌گذاران در تدوین سیاست‌های تجاری مناسب باشد. برای ایجاد ارتباط بین سرمایه‌گذاری و رابطه‌ی مبادله از الگوی رمزی که یکی از الگوهای پایه‌ای اقتصاد کلان است، استفاده خواهد شد. کاربرد این الگو در اقتصاد بین‌الملل می‌تواند زمینه‌هایی جدید را برای محققان و پژوهشگران فراهم آورد.

مقاله‌ی اخیر از پنج قسمت تشکیل شده است. در قسمت دوم مطالعات تجربی ملاحظه می‌گردد. سپس، در قسمت سوم مبانی نظری تحقیق بیان می‌شود و آنگاه در قسمت چهارم، الگو برای اقتصاد ایران با استفاده از روش همجمعی یوهانسن- جوسليوس براورد می‌گردد. نتیجه‌گیری و پیشنهادها نیز قسمت پنجم را تشکیل می‌دهد.

## ۲- مروی بر مطالعات تجربی

مطالعات متعددی درباره‌ی بررسی تابع سرمایه‌گذاری صورت گرفته است. در این قسمت به برخی از این مطالعات در قالب مطالعات خارجی و داخلی اشاره می‌شود.

### ۱-۱- مطالعات داخلی

غروی نجخوانی (۱۳۸۱) تأثیر درامدهای نفتی بر سرمایه‌گذاری بخش‌های مختلف اقتصاد ایران را در دوره‌ی زمانی (۱۳۷۷-۱۳۶۳) بررسی کرده است. وی معادله‌ی سرمایه‌گذاری را برای هر یک از بخش‌های صنعت، خدمات و کشاورزی به صورت تابعی از رشد نقدینگی و درامدهای نفتی تصریح می‌کند و آن را با استفاده از روش OLS براورد می‌نماید. نتیجه براورد مدل وی نشان داد رشد نقدینگی و درامدهای نفتی تأثیر مثبت معنی دار بر سرمایه‌گذاری بخش‌های مختلف اقتصاد دارد. همچنین، نتایج براورد وی نشان داد که از میان بخش‌های بخش صنعت بیشترین تأثیرپذیری را از رشد نقدینگی دارد و درامدهای نفتی نیز بیشترین اثر گذاری را بر بخش خدمات دارد.

سلیمی فر و قوی (۱۳۸۱) تأثیر گذاری اعتبارات بانکی بر سرمایه‌گذاری بخش خصوصی را در اقتصاد ایران و در دوره‌ی زمانی (۱۳۷۸-۱۳۴۰) بررسی کرده‌اند. برای براورد مدل از روش OLS استفاده کرده و نتیجه‌ی براورد آن‌ها نشان‌دهنده‌ی تأثیر مثبت و معنی‌دار همه‌ی متغیرهای مستقل بر سرمایه‌گذاری بخش خصوصی است. به طوری که یک درصد افزایش در اعتبارات اعطایی به بخش خصوصی، سرمایه‌گذاری این بخش را به اندازه‌ی ۰/۲۳٪ افزایش می‌دهد و بیانگر رابطه‌ی بهنسبت قوی سرمایه‌گذاری بخش خصوصی و اعتبارات اعطایی شبکه‌ی بانکی به بخش خصوصی است.

حجتی و همکاران (۱۳۸۴) پیامدهای سیاست‌های مالی بر سرمایه‌گذاری بخش خصوصی در اقتصاد ایران را برای دوره‌ی زمانی (۱۳۸۰-۱۳۴۲) بررسی کرده‌اند. آن‌ها معادله‌ی سرمایه‌گذاری را با استفاده از روش ARDL براورد کرد و نتیجه‌ی براورد مدل حاکی از تأثیر منفی بی معنی نرخ تورم، تأثیر مثبت معنی دار تولید ناخالص داخلی، تأثیر منفی معنی دار کل درامد دولت و تأثیر مثبت معنی دار کل مخارج دولت بر سرمایه‌گذاری بخش خصوصی است، این محققین درامدهای دولت را به تعکیک درامد حاصل از فروش نفت و گاز، درامد حاصل از مالیات و درامد حاصل از دیگر منابع وارد مدل کردند که نتیجه‌ی براورد مدل

نشان دهندهٔ تأثیر منفی بی معنی درامدهای مالیاتی، تأثیر مثبت معنی دار درامد نفت و گاز و تأثیر مثبت بی معنی دیگر درامدها بر سرمایه‌گذاری بخش خصوصی است. در مرحله‌ی آخر نیز مخارج دولت را به مخارج عمومی، مخارج اجتماعی، مخارج اقتصادی و مخارج دفاعی دولت تفکیک و مدل را براورد کردند که نتیجه‌ی براورد حاکی از تأثیر مثبت و معنی دار مخارج عمومی، تأثیر منفی معنی دار مخارج اجتماعی، تأثیر منفی معنی دار مخارج اقتصادی و تأثیر منفی بی معنی مخارج دفاعی دولت است.

گسکری و همکاران (۱۳۸۵) تأثیر بی‌ثباتی اقتصاد بر سرمایه‌گذاری بخش خصوصی در اقتصاد ایران در دوره‌ی زمانی (۱۳۸۴-۱۳۳۸) را بررسی کرده‌اند. این محققین برای براورد مدل از روش ARDL استفاده کرده و نتیجه‌ی براورد آن‌ها حاکی از این بود که تولید ناخالص داخلی، نسبت کسری بودجه به تولید ناخالص داخلی، نسبت کسری تجاري به تولید ناخالص داخلی، نوسان‌های رابطه‌ی مبادله و نوسان‌های نرخ ارز تأثیر مثبت و سطح عمومی قیمت‌ها و نوسان‌های نرخ تورم تأثیر منفی بر سرمایه‌گذاری ثابت بخش خصوصی دارد.

عباسی‌نژاد و یاری (۱۳۸۶) اثر گذاری نرخ سود تسهیلات بانکی بر سرمایه‌گذاری بخش خصوصی در اقتصاد ایران در دوره‌ی زمانی (۱۳۵۴-۱۳۸۳) را بررسی کرده‌اند. این محققین مدل را با استفاده از روش ARDL براورد کرده که نتیجه‌ی براورد رابطه‌ی بلند مدت حاکی از تأثیر منفی معنی دار نرخ سود موزون تسهیلات بانکی، سرمایه‌گذاری دولتی و تسهیلات اعطایی بانک‌ها و تأثیر مثبت معنی دار تولید ناخالص داخلی بدون نفت و نرخ ارز واقعی بر سرمایه‌گذاری بخش خصوصی است.

قریانی و همکاران (۱۳۸۶) رابطه‌ی بلندمدت بین سرمایه‌گذاری خصوصی و متغیرهای تأثیرگذار بر آن را در اقتصاد ایران با استفاده از الگوی ARDL برای دوره‌ی زمانی (۱۳۵۲-۱۳۸۳) بررسی کرده‌اند. نتایج مطالعه‌ی آن‌ها نشان داد که رابطه‌ی بلندمدتی بین سرمایه‌گذاری خصوصی، سرمایه‌گذاری دولتی، درامد سرانه، موجودی سرمایه، نرخ بهره‌ی واقعی و تسهیلات بانک‌ها به بخش خصوصی وجود دارد. سرمایه‌گذاری خصوصی بیشترین حساسیت را نسبت به سرمایه‌گذاری دولتی دارد. از سوی دیگر سرمایه‌گذاری خصوصی در ایران حساسیت کمی نسبت به تسهیلات اعطایی بانک‌ها به بخش خصوصی دارد.

کازرونی و دولتی (۱۳۸۶) رابطه‌ی بین ناطمنی نرخ ارز واقعی و سرمایه‌گذاری بخش خصوصی ایران در دوره‌ی زمانی (۱۳۴۰-۱۳۸۱) را بررسی کرده‌اند. آن‌ها به منظور به دست آوردن رابطه‌ی ناطمنی نرخ ارز واقعی و سرمایه‌گذاری بخش خصوصی الگوی ARDL را به کار برداشتند. نتایج براورد آن‌ها حاکی از این بود که تولید ناخالص داخلی و واردات کالاهای سرمایه‌ای اثر مثبت و معنی‌دار و نرخ ارز واقعی و

سرمایه‌گذاری بخش دولتی اثر منفی و معنی داری بر سرمایه‌گذاری بخش خصوصی دارد. همچنین، براورد مدل نشان دهنده اثر منفی ناطمنی نرخ ارز واقعی بر سرمایه‌گذاری بخش خصوصی بود.

## ۲-۲- مطالعات خارجی

ماش<sup>۱</sup> (۱۹۹۸) واکنش سرمایه‌گذاری نسبت به شوک‌های موقتی قیمت کالاهای در کشورهای کنیا، کاستاریکا، کلمبیا، سنگال، غنا و ساحل عاج برای دوره‌ی زمانی (۱۹۷۵-۱۹۸۳) را بررسی کرد. برای این منظور مدل سرمایه‌گذاری در وضعیت عدم اطمینان را به کار برد. نتیجه‌ی بررسی وی نشان دهنده رابطه مثبت بین سرمایه‌گذاری و شوک‌های قیمت بود. به عبارت دیگر، با افزایش قیمت کالاهای سرمایه‌گذاری افزایش می‌یافتد.

گویلو<sup>۲</sup> (۱۹۹۹) به صورت نظری رابطه‌ی اباحت سرمایه و رابطه‌ی مبادله در چارچوب مدل تداخل بین نسل‌ها و در حالت دو کشور، دو کالا را تحلیل می‌کند. وی در مدل خود فرض کرده است که مصرف فعلی و مصرف آتی جانشین‌های ناخالص هستند و همچنین، پیشرفت فناوری از نوع خنثایی هیکس است. تأثیج بررسی وی نشان داد که شدت به کارگیری عوامل تولید تأثیر مهمی در چگونگی ارتباط اباحت سرمایه و رابطه‌ی مبادله دارد. به طوری که اگر بخش سرمایه‌گذاری اقتصاد کاربر باشد، رابطه‌ی بین اباحت سرمایه و رابطه‌ی مبادله مثبت خواهد بود.

دن<sup>۳</sup> (۲۰۰۰) با استفاده از روش داده‌های تابلویی عوامل تأثیرگذار بر سرمایه‌گذاری بخش خصوصی در ۴۴ کشور در حال توسعه را بررسی می‌کند. برای این دیدگاه مدل مقتضی را با ملاحظه‌ی الگوی شتاب انعطاف‌پذیر تصویر کرده است. وی الگوی مزبور را با روش GMM<sup>۴</sup> سیستمی براورد کرده و نتیجه‌ی براورد وی نشان داد که نسبت سرمایه‌گذاری خصوصی به GDP با وقفه، نسبت سرمایه‌گذاری دولتی به GDP، رشد با وقفه GDP و اعتبارات بانکی تخصیص یافته به بخش خصوصی تأثیر مثبت و نرخ بهره‌ی حقیقی داخلی، قیمت حقیقی کالاهای سرمایه‌ای و محدودیت حساب سرمایه تأثیر منفی بر نسبت سرمایه‌گذاری بخش خصوصی به GDP دارد.

بلنی و گرین وی<sup>۵</sup> (۲۰۰۱) تأثیر نوسان‌های رابطه‌ی مبادله و نرخ ارز بر سرمایه‌گذاری برای ۱۴ کشور آفریقایی در دوره‌ی زمانی (۱۹۹۵ - ۱۹۸۰) را با استفاده از روش داده‌های تابلویی بررسی کردند. ۱۴ کشور منتخب عبارت بودند از: بوتسوانا، بورکینافاسو، کامرون، ساحل عاج، گامبیا، غنا، کنیا، ملاوی،

1- Mash

2- Guillou

3- Dehn

4- Generalized Method of Moments

5- Bleaney & Greenway

موریتانی، نیجر، سنگال و تانزانیا. این دو محقق متغیرهای زیر را به عنوان متغیرهای مؤثر بر سرمایه‌گذاری انتخاب کردند: وقفه‌های اول و دوم سرمایه‌گذاری، وقفه‌های اول و دوم GDP، نرخ بهره، نرخ تورم، رابطه-مبالغه، و نرخ ارز حقیقی. نتیجه‌ی براورد آن‌ها نشان داد که نرخ بهره و نرخ تورم تأثیر معنی داری بر سرمایه‌گذاری ندارد؛ ولی نوسان‌های نرخ ارز تأثیر منفی معنی دار و نوسان‌های رابطه‌ی مبالغه تأثیر مثبت معنی دار بر سرمایه‌گذاری دارد.

نابند و اسلامتر<sup>۱</sup> (۲۰۰۳) در مطالعه‌ی خود عوامل تأثیرگذار بر سرمایه‌گذاری خصوصی در کوتاه مدت و بلندمدت را برای ۴ کشور اندونزی، مالزی، فیلیپین و تایلند که عضو آسه آن<sup>۲</sup> هستند، برای دوره‌ی زمانی (۱۹۹۹-۱۹۷۱) را بررسی کردند. با توجه به تئوری‌های مختلف سرمایه‌گذاری از قبیل اصل شتاب، نظریه‌ی تویین و نظریه‌ی نوکلاسیک و وضعیت خاص کشورهای در حال توسعه مدل سرمایه‌گذاری را تصویری کردند. براورد رابطه‌ی کوتاه مدت مدل با استفاده از روش داده‌های ادغام شده<sup>۳</sup> صورت گرفت که نتیجه‌ی آن نشان داد رشد تولید ملی حقیقی، سرمایه‌گذاری مستقیم خارجی و بدھی خارجی تأثیر مثبت و معنی دار و سرمایه‌گذاری دولتی، نرخ ارز حقیقی و نرخ بهره تأثیر منفی معنی دار بر سرمایه‌گذاری خصوصی دارد. متغیرهای جانشین برای عدم اطمینان نیز بی معنی است. به منظور براورد رابطه‌ی بلند مدت مدل ابتدا آزمون ریشه‌ی واحد را انجام دادند. نتیجه‌ی آزمون حاکی از آن بود که رشد تولید ملی، نرخ بهره و متغیرهای جانشین عدم اطمینان (0)I و بقیه‌ی متغیرها (1)I است. بنابراین، در براورد بردار همجمعی متغیرهای (0)I کنار گذاشته شدند. بردار همجمعی براورد شده نشان‌دهنده‌ی این مطلب بود که GDP، FDI و نرخ ارز حقیقی تأثیر مثبت و معنی دار و سرمایه‌گذاری دولتی و بدھی خارجی تأثیر منفی معنی دار بر سرمایه‌گذاری خصوصی دارد.

رازین و همکاران<sup>۴</sup> (۲۰۰۳) به صورت نظری رابطه‌ی آزادسازی تجاری و نوسان‌های سرمایه‌گذاری و رابطه‌ی مبالغه را تحلیل کرده‌اند پرداختند. نتایج مطالعه‌ی آن‌ها نشان داد که آزادسازی تجاری ممکن است تأثیرات غیر متعارفی بر سرمایه‌گذاری و نوسان‌های رابطه‌ی مبالغه بگذارد. آزادسازی تجاری می‌تواند از طریق انتظارات بنگاه‌ها به سیکل‌های تجاری سرمایه‌گذاری منجر شود. به طوری که انتظارات خوش بینانه‌ی بنگاه‌ها رابطه‌ی مبالغه و افزایش سرمایه‌گذاری را بهبود می‌بخشد، در حالی که انتظارات بدینانه تأثیر

1- Nabende & Slater

2- Association of South East Asian Nations (ASEAN)

3- Pooling Data

4- Razin et al.

معکوس دارد، همچنین این محققین نتیجه گرفتند که نوسان‌های یاد شده برای کشورهای در حال توسعه بیشتر از کشورهای توسعه یافته است.

آتارا<sup>۱</sup> (۲۰۰۴) عوامل تأثیرگذار بر سرمایه‌گذاری بخش خصوصی در بلندمدت برای اقتصاد سنگال را شناسایی کرده است. به منظور تصریح مدل سرمایه‌گذاری از پنج تئوری استفاده کرد: مدل شتاب ساده، مدل شتاب انعطاف‌پذیر، نظریه‌ی نقدینگی، تئوری سودهای انتظاری و تئوری<sup>۲</sup> توین. سپس، با ملاحظه‌ی این تئوری‌ها، تابع سرمایه‌گذاری زیر را تصریح و برای دوره‌ی زمانی (۲۰۰۰ – ۱۹۷۰) برآورد کرد. آنگاه برای برآورد رابطه‌ی بلندمدت فوق از دو روش یوهانسن- جوسلیوس و ARDL هاشم پسران استفاده کرد. نتیجه‌ی برآورد هر دو روش بیان کننده‌ی این مطلب بود که سرمایه‌گذاری بخش دولتی، GDP و کمک‌های خارجی تأثیر مثبت و معنی دار و اعتبارات بانکی و رابطه‌ی مبادله تأثیر منفی و معنی دار بر سرمایه‌گذاری بخش خصوصی دارد.

جانق وانیچ و کوپاییون<sup>۳</sup> (۲۰۰۸) عوامل تأثیرگذار بر سرمایه‌گذاری بخش خصوصی در اقتصاد تایلند را شناسایی کردند. آنها با ملاحظه‌ی دیدگاه نتو کلاسیک سرمایه‌گذاری جور گنسون<sup>۴</sup> و در نظر گرفتن ویژگی‌های ساختاری کشورهای در حال توسعه، تابع سرمایه‌گذاری مناسب را برای تایلند تصریح کردند. مدل مقتضی را در دوره‌ی زمانی (۱۹۶۰ – ۲۰۰۵) تصریح و با استفاده از روش ARDL آن را برآورد کردند. نتیجه‌ی برآورد رابطه‌ی بلند مدت آن‌ها نشان داد که رشد تولید ملی، نرخ ارز حقیقی و سرمایه‌گذاری دولتی تأثیر مثبت و رشد هزینه‌ی حقیقی سرمایه و عدم اطمینان اقتصادی تأثیر منفی بر سرمایه‌گذاری بخش خصوصی دارد.

### ۳- مبانی نظری تحقیق

هدف اصلی این تحقیق تصریح تابع سرمایه‌گذاری براساس الگوی پایه‌ای و اساسی در ادبیات اقتصاد کلان، یعنی الگوی رمزی است. بنابراین، در ابتدا الگوی رمزی به اختصار بیان می‌شود و سپس، به استخراج الگوی رمزی تعیین یافته پرداخته خواهد شد.

#### ۳-۱- الگوی رمزی

فرانک رمزی<sup>۵</sup> (۱۹۲۸) برای یافتن پاسخ به پرسش میزان پس‌انداز لازم یک ملت که خود مطرح کرده بود، از الگویی استفاده کرد که امروزه الگوی مبنا برای مطالعه تخصیص بهینه‌ی بین زمانی منابع است. فروض این

1- Ouattara

2- Jongwanich & Kohpaiboon

3- Jorgenson

4- Frank Ramsey

الگو عبارتند از: افراد افق نامحدود و یا به بیان دیگر عمر جاودانی دارند، عرضه‌ی نیروی کار به طور کامل بی‌کشش است، استهلاک سرمایه وجود ندارد، تابع تولید همگن از درجه یک است، عاملین اقتصادی به صورت همگن در نظر گرفته می‌شوند و بازار کالاهای بازار عوامل تولید به صورت رقابتی عمل می‌کنند. جمعیت،  $N_t$ ، با نرخ  $n$  در طول زمان رشد می‌یابد. تولید با استفاده از سرمایه،  $K_t$ ، و نیروی کار،  $N_t$ ، انجام می‌شود:

$$Y_t = F(K_t, N_t) \quad (1)$$

تولید، مصرف و یا سرمایه‌گذاری می‌شود که در حالت دوم به موجودی سرمایه می‌شود:

$$Y_t = F(K_t, N_t) = C_t + \frac{dK_t}{dt} \quad (2)$$

با توجه به همگن از درجه یک بودن تابع تولید می‌توان رابطه‌ی فوق را بر حسب مقادیر سرانه به صورت زیر نوشت:

$$y_t = f(k_t) = c_t + nk_t + \frac{dk_t}{dt} \quad (3)$$

که در آن حروف کوچک بیانگر مقادیر سرانه است. فرض می‌شود  $f(\cdot)$  اکیداً مقرر بوده و درباره‌ی آن وضعیت اینادا<sup>۱</sup> برقرار است:

$$f(0) = 0, \quad f'(\infty) = 0, \quad f'(0) = \infty \quad (4)$$

اقتصاد از ابتدا با مقداری موجودی سرمایه شروع می‌کند تا بتواند تولید را آغاز کند:

$$\frac{K_0}{N_0} = k_0 > 0 \quad (5)$$

رجحان‌های مصرفی خانوار در طول زمان با انتگرال مطلوبیت نشان داده می‌شود:

$$U_0 = \int_0^\infty U(c_t) e^{-\beta t} dt \quad (6)$$

رفاه خانوار در زمان صفر،  $U_0$ ، جمع تنزیل شده مطلوبیت‌های آنی،  $U(c_t)$ ، است. پارامتر  $\beta$  نرخ رجحان زمانی و یا نرخ تنزیل ذهنی است و فرض می‌شود اکیداً مثبت است. انتخاب برنامه‌ریزان این است که

۱- Inada Conditions

در هر لحظه از زمان، خانوار نمونه باید چه مقدار مصرف کرده و چه مقدار به موجودی سرمایه بفزاید تا مصرف آینده تأمین شود. بنابراین، برنامه‌ریزی مرکزی مسأله زیر را حل می‌کند:

$$\max U_0 = \int_0^\infty U(c_t) e^{-\beta t} dt$$

مشروط به:

$$f(k_t) = c_t + nk_t + \frac{dk_t}{dt} \quad k_t \geq 0, c_t \geq 0 \quad \text{معین}_0$$

پاسخ مسأله با استفاده از نظریه‌ی کنترل و اصل حد اکثر<sup>۱</sup> مشخص می‌شود. با تنظیم تابع هامیتون پاسخ بهینه‌ی مسأله استخراج می‌شود:

$$H_t = U(c_t) e^{-\beta t} + \mu_t [f(k_t) - nk_t - c_t] \quad (V)$$

در این مسأله بهینه‌یابی،  $c_t$  متغیر کنترل<sup>۲</sup>،  $k_t$  متغیر وضعیت<sup>۳</sup> و  $\mu_t$  متغیر هم وضعیت<sup>۴</sup> است.

$\mu_t$  ارزش نهایی یک واحد اضافی سرمایه در زمان  $t$  است که بر اساس زمان صفر محاسبه شده است. از نظر کاربردی بهتر است به جای استفاده از ارزش نهایی بر اساس زمان صفر از ارزش نهایی یک واحد اضافی سرمایه‌ی زمان  $t$  براساس زمان  $t$  استفاده شود:

$$\lambda_t = \mu_t e^{\beta t} \quad (A)$$

با جایگزینی  $\lambda_t$  به جای  $\mu_t$  در رابطه‌ی بالا عبارت زیر به دست می‌آید:

$$H_t = \{U(c_t) + \lambda_t [f(k_t) - nk_t - c_t]\} e^{-\beta t} \quad (B)$$

قید غیر منفی بودن  $k$  و  $c$  به صورت صریح در نظر گرفته نشده است.

شرط لازم و کافی برای این که مسیر متغیرهای مصرف و سرمایه یک مسیر بهینه باشد، عبارت است از:

$$H_c = 0 \quad (C)$$

$$\frac{d\mu_t}{dt} = -H_k \quad (D)$$

$$\lim_{t \rightarrow \infty} k_t \mu_t = 0 \quad (E)$$

1- Maximum Principle

2- Control Variable

3- State Variable

4- Co-State Variable

با استخراج این شرط لازم برای مسئله فوق، عبارات زیر به دست می‌آید:

$$U'(c_t) = \lambda_t \quad (13)$$

$$\frac{d\lambda_t}{dt} = \lambda_t [n + \beta - f'(k_t)] \quad (14)$$

$$\lim_{t \rightarrow \infty} k_t U'(c_t) e^{-\beta t} = 0 \quad (15)$$

با انجام چند عملیات جبری عبارت زیر به دست می‌آید:

$$\frac{dc_t}{dt} = \sigma [f'(k_t) - n - \beta] \quad (16)$$

این معادله‌ی دیفرانسیل، شرط لازمی است که در حالت زمان پیوسته باید در مسیر بهینه برقرار باشد.

#### ۲-۳-الگوی رمزی تمیم یافته

لوییس سرون (۱۹۹۹) الگوی رمزی را با در نظر گرفتن رابطه‌ی مبادله گسترش داد تا بتواند نحوی تأثیرگذاری رابطه‌ی مبادله بر سرمایه‌گذاری و مصرف را بررسی کند.

الگوی بسط داده شده به وسیله سرون به شرح زیر است:

تولید کالاهای داخلی با استفاده از سرمایه و نیروی کار انجام می‌شود. فناوری تولید دارای بازدهی ثابت نسبت به مقیاس است. اقتصاد با نرخ بهره‌ی جهانی و قیمت‌های داده شده، رویه‌رو است. برای تحلیل ارتباط اقتصاد داخلی با دنیای خارج رابطه‌ی مبادله را به کار گرفته است:

$$tot = \frac{P_X}{P_m} \quad (17)$$

فناوری سرمایه‌گذاری به صورت زیر تصریح می‌شود:

$$J = J(J_N, J_F) \quad (18)$$

که در آن:

$J_N$ : نهاده‌های تولید داخلی

$J_F$ : نهاده‌های تولید خارجی

و تابع  $J$  همگن از درجه‌ی یک است. هزینه‌ی نصب کالاهای سرمایه‌ای جدید به صورت محدب و درجه دوم است:

$$J = I + \frac{\phi I^2}{2K} \quad (19)$$

به طوری که پارامتر مثبت  $\phi$  شبیه هزینه‌های نهایی نصب سرمایه را اندازه‌گیری می‌کند. محدب بودن تابع هزینه‌ی نصب کالاهای سرمایه‌ای به این دلیل است که در ابتدا صرفه‌های حاصل از مقیاس وجود دارد؛ ولی، در ادامه بنگاه این صرفه‌های حاصل از مقیاس را ندارد.

فناوری سرمایه‌گذاری [معادله (۱۸)] به وجود یک شاخص قیمت سرمایه که تابع رابطه‌ی مبادله است با  $P_K'' \langle 0 | P'_K | 0 \rangle$  و  $P_K = P_K(tot)$  شاخص قیمت سرمایه تأثیر می‌گذارد. زیرا، با افزایش شاخص قیمت صادرات (بهبود رابطه‌ی مبادله) تولید کنندگان داخلی تشویق به تولید و صادرات بیشتری می‌شوند و بنابراین، تقاضای آن‌ها برای نهاده‌های تولید از جمله تجهیزات سرمایه‌ای افزایش می‌یابد که نتیجه‌ی آن افزایش شاخص قیمت سرمایه است.

اقتصاد شامل افراد دارای عمر جاوهیدان است که می‌توانند در نرخ بهره جهانی داده شده  $r^*$  قرض کنند یا وام بدهند. عرضه‌ی نیروی کار به طور کامل بی‌کشش است. تابع تولید در سطح اقتصاد کلان به وسیله‌ی فناوری تولید که فقط تابع  $K$  است،  $Y = Y(K)$  نشان داده می‌شود که  $Y$  اشاره به تولید واقعی کالاهای داخلی دارد و  $\langle 0 | Y' | 0 \rangle$  و  $\langle 0 | Y'' | 0 \rangle$  است.

هدف عامل اقتصادی نوعی، حداقل سازی تابع مطلوبیت زیر است:

$$\int_0^\infty \frac{[C(C_N, C_F)]^{1-\theta}}{1-\theta} e^{-\beta t} dt$$

به طوری که:

$\beta$ : نرخ تنزیل ذهنی

$1/\theta$ : کشش جانشینی بین دوره‌ای مصرف

$C_N$ : مصرف کالاهای داخلی

$C_F$ : مصرف کالاهای وارداتی است.

برای راحتی تحلیل فرض می‌شود ( $C$ ) همگن از درجه‌ی اول است. اگر ترجیحات همگن در نظر گرفته شود، مطلوبیت حاصل از مصرف کالاهای داخلی و خارجی به صورت یکنواخت افزایش می‌یابد و هیچ ارتبی نسبت به یک گونه‌ی خاص از کالاهای داخلی و خارجی وجود ندارد.  $C$  متعلق به یک مصرف کننده نوعی است؛ ولی، چون در این مسأله بهینه‌یابی مصرف کل اقتصاد در نظر است؛ بنابراین،  $C$  می‌تواند به عنوان

شاخص مصرف واقعی تفسیر شود. بنابراین،تابع مخارج مرتبط با آن می‌تواند به صورت  $P_C(tot)C$  یا  $P_C''(0)$  و  $P_C'(0)$  شاخص قیمت مصرف را نشان می‌دهد. شده، به طوری که  $P_C$  (با  $P_C''(0)$  و  $P_C'(0)$ ) با کنار هم قرار دادن این اجزا، مسئله‌ی عامل اقتصادی نوعی به صورت زیر تنظیم می‌شود:

$$\text{Max} \int_0^{\infty} \frac{C(t)^{1-\theta}}{1-\theta} e^{-\beta t} dt \quad (\text{a-۲۰})$$

$$\dot{K} = I \quad (\text{b-۲۰})$$

$$\dot{A} = \left[ tot Y(K) - P_C(tot)C - P_K(tot) \left[ I + \frac{\phi I^2}{2K} \right] \right] + r^* A \quad (\text{c-۲۰})$$

$$\lim_{t \rightarrow \infty} A e^{-r^* t} = 0 \quad (\text{d-۲۰})$$

مشروط به: و مقادیر معین  $K_0$  و  $A_0$ .

به طوری که  $A$  ثروت مالی فرد است.

تابع مطلوبیت در نظر گرفته شده از نوع تابع مطلوبیت با ریسک گریزی نسبی ثابت<sup>۱</sup> (CRRA) است. در تابع مطلوبیت فوق کشش جانشینی بین دوره‌ای مصرف برابر با  $\frac{1}{\theta}$  است. همچنین، مطابق معیار ریسک گریزی نسبی که به صورت  $\left( \frac{-U''(C)C}{U'(C)} \right)$  تعریف می‌شود، ضریب ریسک گریزی نسبی است. از این رو، تابع فوق را تابع مطلوبیت با ریسک گریزی نسبی ثابت (CRRA) می‌نامند.

در وضعیت تعادل در تراز پرداخت‌ها، سمت راست معادله‌ی (c-۲۰) مزاد حساب جاری عامل اقتصادی است که به خالص دارایی‌های خارجی اشاره دارد. معادله‌ی (d-۲۰) شرط تراگردی<sup>۲</sup> است و تضمین کننده‌ی این مطلب است که افراد نمی‌توانند برای بازپرداخت بدھی خود از استقراض‌های جدیدتری استفاده کنند و بنابراین، بدھی افراد رشد نامحدودی نخواهد داشت. در این مسئله بهینه‌یابی  $C$  و  $I$  متغیرهای کنترل و  $K$  و  $A$  متغیرهای وضعیت هستند.

تابع هامیلتون برای این مسئله به صورت زیرنوشته می‌شود:

$$H = \frac{C^{1-\theta}}{1-\theta} e^{-\beta t} + \mu \left[ tot Y(K) - P_C(tot)C - P_K(tot) \left[ I + \frac{\phi I^2}{2K} \right] + r^* A \right] + Q I \quad (21)$$

1- Constant Relative Risk Averse

2 - Transversality

با تعریف  $Q = \lambda q e^{-\beta t}$  و  $\mu = \lambda e^{-\beta t}$  تابع هامیلتون به صورت زیر بازنویسی می‌شود:

$$H = \left\{ \frac{C^{1-\theta}}{1-\theta} + \lambda \left[ \text{tot } Y(K) - P_C(\text{tot})C - P_K(\text{tot}) \left[ I + \frac{\phi I^2}{2K} \right] + r^* A \right] + \lambda q I \right\} e^{-\beta t} \quad (22)$$

به طوری که  $\lambda$  قیمت سایه‌ای موجودی دارایی‌های خارجی و  $q$  قیمت سایه‌ای سرمایه است.

شرط لازم و کافی برای این که مسیر متغیرهای مصرف و سرمایه‌گذاری یک مسیر بهینه باشد، عبارت است از:

$$H_c = 0 \quad (23)$$

$$H_I = 0 \quad (24)$$

$$\frac{d\mu}{dt} = -H_A \quad (25)$$

$$\frac{dQ}{dt} = -H_K \quad (26)$$

با برقراری شرط مرتبه اول نتایج زیر به دست می‌آید:

$$\left\{ C^{-\theta} - \lambda P_C(\text{tot}) \right\} e^{-\beta t} = 0$$

$$C^{-\theta} = \lambda P_C(\text{tot})$$

بنابراین:

$$C = \left[ \frac{1}{\lambda P_C(\text{tot})} \right]^{\frac{1}{\theta}} \quad (\text{۲۷a})$$

$$\left\{ \lambda \left[ -P_K \left( 1 + \frac{\phi I}{K} \right) \right] + \lambda q \right\} e^{-\beta t} = 0$$

$$\lambda \left[ P_K \left( 1 + \frac{\phi I}{K} \right) \right] = \lambda q$$

$$\left[ P_K \left( 1 + \frac{\phi I}{K} \right) \right] = q$$

$$1 + \frac{\phi I}{K} = \frac{q}{P_K}$$

$$\frac{\phi I}{K} = \frac{q}{P_K} - 1$$

بنابراین:

$$I = \frac{K}{\phi} \left[ \frac{q}{P_K(tot)} - 1 \right] \quad (27b)$$

براساس شرط (۲۵) طرف چپ عبارت است از:

$$\begin{aligned} \frac{d\mu}{dt} &= \frac{d\lambda}{dt} e^{-\beta t} - \beta \lambda e^{-\beta t} \\ &= \left( \frac{d\lambda}{dt} - \beta \lambda \right) e^{-\beta t} \end{aligned}$$

و طرف راست شرط فوق به صورت زیر است:

$$H_A = (\lambda r^*) e^{-\beta t}$$

بنابراین، از تساوی دو طرف، رابطه‌ی زیر به دست می‌آید:

$$\frac{d\lambda}{dt} - \beta \lambda = -\lambda r^*$$

به این ترتیب خواهیم داشت:

$$\frac{d\lambda}{dt} = \lambda (\beta - r^*) \quad (27c)$$

از شرط (۲۶) مشاهده می‌شود که طرف چپ برابر است با:

$$\frac{dQ}{dt} = \frac{d\lambda}{dt} q e^{-\beta t} + \frac{dq}{dt} \lambda e^{-\beta t} - \beta \lambda q e^{-\beta t}$$

و طرف راست آن:

$$H_K = \lambda \left[ tot Y'(K) + P_K(tot) \frac{\phi}{2} \left( \frac{\dot{K}}{K} \right)^2 \right] e^{-\beta t}$$

با تساوی قرار دادن دو طرف:

$$\frac{d\lambda}{dt} q + \frac{dq}{dt} \lambda - \beta \lambda q = -\lambda \left[ tot Y'(K) + P_K(tot) \frac{\phi}{2} \left( \frac{\dot{K}}{K} \right)^2 \right]$$

یا:

$$\frac{dq}{dt} \lambda + \lambda (\beta - r^*) q = \beta \lambda q - \lambda \left[ tot Y'(K) + P_K(tot) \frac{\phi}{2} \left( \frac{\dot{K}}{K} \right)^2 \right]$$

بنابراین، رابطه‌ی زیر به دست می‌آید:

$$\dot{q} = \beta q - \left[ \text{tot } Y'(K) + P_K(\text{tot}) \frac{\phi}{2} \left( \frac{\dot{K}}{K} \right)^2 \right] \quad (27d)$$

معادله‌ی (27a) توصیف استاندارد مسیر بهینه‌ی مصرف است. معادله (27b) قاعده‌ی سرمایه‌گذاری توضیح است که ابانتش سرمایه را به قیمت سایه‌ای سرمایه‌ی ربط می‌دهد. معادله‌ی (27c) روشن می‌کند که یک جواب پایا برای الگو نمی‌تواند وجود داشته باشد، مگر این که نرخ رجحان زمانی با نرخ بهره‌ی جهانی برابر باشد. بنابراین، در چنین حالتی قیمت سایه‌ای دارایی‌های خارجی  $\lambda$  باید در امتداد مسیر تعديل ثابت باقی بماند. معادله‌ی (27d) نیز شرط آربیتری از است که به تفاوت قیمت سایه‌ای سرمایه و قیمت سرمایه و به عبارت دیگر، به تفاوت قیمت بازاری سرمایه  $(\beta q)$  و قیمت ذاتی سرمایه  $\left( \text{tot } Y'(K) + P_K(\text{tot}) \frac{\phi}{2} \left( \frac{\dot{K}}{K} \right)^2 \right)$  اشاره می‌کند و مسیر  $q$  را توصیف می‌کند.

برای بررسی اثر تغییرات رابطه‌ی مبادله بر مسیر سرمایه‌گذاری، معادله‌ی (27d) به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$\frac{\dot{q}}{P_K(\text{tot})} = \beta \frac{q}{P_K(\text{tot})} - \left[ \frac{\text{tot}}{P_K(\text{tot})} Y'(K) + \frac{\phi}{2} \left( \frac{\dot{K}}{K} \right)^2 \right]$$

چون در وضعیت یکواخت  $\beta = r^* - s_K(\text{tot}) \frac{\text{tot}}{\text{tot}}$

$$\frac{d}{dt} \left( \frac{q}{P_K(\text{tot})} \right) = \left( r^* - s_K(\text{tot}) \frac{\text{tot}}{\text{tot}} \right) \frac{q}{P_K(\text{tot})} - \left[ \frac{\text{tot}}{P_K(\text{tot})} Y'(K) + \frac{\phi}{2} \left( \frac{\dot{K}}{K} \right)^2 \right] \quad (28)$$

در اینجا  $s_K(\text{tot}) = \frac{\text{tot } P'_K(\text{tot})}{P_K(\text{tot})}$  سهم کالاهای داخلی در مخارج سرمایه‌گذاری است.

تغییرات رابطه‌ی مبادله از دو کانال مسیر زمانی بر  $q / P_K$  تأثیر می‌گذارد و از این راه بر سرمایه‌گذاری تأثیرگذار است:

نخست، مدامی که سرمایه محتوای وارداتی داشته باشد، تغییرات رابطه‌ی مبادله بر تولید نهایی سرمایه تأثیر می‌گذارد. با کاهش شاخص قیمت صادرات (بدتر شدن رابطه‌ی مبادله) درامدهای صادراتی کاهش یافته و تقاضا برای کالاهای وارداتی از جمله کالاهای سرمایه‌ای کاهش می‌یابد. با توجه به این که در اقتصاد ایران

قیمت نفت وزن و اهمیت ویژه‌ای را در رابطه‌ی مبادله تجاری دارد؛ بنابراین، با کاهش قیمت نفت (بدتر شدن رابطه‌ی مبادله)، درامدهای صادراتی کشور کاهش یافته و تقاضا برای کالاهای وارداتی از جمله کالاهای سرمایه‌ای کاهش می‌یابد و بنابراین، بر سطح به کارگیری سرمایه و تولید نهایی سرمایه تحت تأثیر می‌گذارد. دوم، اگر سرمایه‌گذاری محتوای داخلی داشته باشد، تغییرات پیش‌بینی شده رابطه‌ی مبادله در نزخ بهره‌ی واقعی منعکس می‌شود (اولین عبارت در کروشه در معادله‌ی ۲۸). انتظار افزایش (کاهش) رابطه‌ی مبادله، نرخ بهره‌ی واقعی بر حسب کالاهای سرمایه‌ای را پایین‌تر (بالاتر) از<sup>\*</sup> قرار می‌دهد و با ثابت بودن دیگر شروط، هزینه‌ی به کارگیری سرمایه را کاهش (افزایش) می‌دهد و سرمایه‌گذاری فعلی را افزایش (کاهش) می‌دهد.

#### ۴- برآورد اقتصاد سنجی الگو و تحلیل نتایج

##### ۴-۱- تصریح مدل

همان‌گونه که در فصل پیش و بر اساس الگوی رمزی تعیین یافته ملاحظه شد، مسیر بهینه سرمایه‌گذاری تابعی از موجودی سرمایه، هزینه‌ی نصب سرمایه، قیمت سایه‌ای سرمایه، قیمت سرمایه و رابطه‌ی مبادله بود:

$$I = \frac{K}{\phi} \left[ \frac{q}{P_K(tot)} - 1 \right]$$

با توجه به رابطه‌ی فوق متغیرهای تأثیرگذار بر سرمایه‌گذاری مشخص می‌شود:

$$I = f(K, q, PH, PK, TOT) \quad (۲۹)$$

بنابراین، الگوی برآورده شده برای تحلیل رابطه‌ی مبادله بر سرمایه‌گذاری به صورت زیر تصریح می‌شود:

$$LI_t = \beta_0 + \beta_1 LK_t + \beta_2 Lq_t + \beta_3 PH_t + \beta_4 PK_t + \beta_5 LTOT_t + U_t \quad (۳۰)$$

که در آن :

*LI*: لگاریتم سرمایه‌گذاری

*LK*: لگاریتم تولید موجودی سرمایه

*Lq*: لگاریتم قیمت سایه‌ای سرمایه (از شاخص قیمت سهام بورس به عنوان متغیر جایگزین<sup>۱</sup> استفاده می‌شود)

*PH*: هزینه‌ی نصب سرمایه

*PK*: قیمت سرمایه

*LTOT*: لگاریتم رابطه‌ی مبادله (نسبت شاخص قیمت صادرات به شاخص قیمت واردات) است.

تمام متغیرها به قیمت ثابت ۱۳۷۶ است. دوره‌ی زمانی تحقیق (۱۳۶۹-۱۳۸۶) و متغیرها به صورت فصلی است.

### منابع آماری متغیرها به شرح زیر است:

داده‌های مربوط به سرمایه‌گذاری، نرخ سود بانکی و رابطه‌ی مبادله از منابع آماری بانک مرکزی (نمایگران اقتصادی، گزارش اقتصادی و ترازنامه بانک مرکزی، بانک اطلاعات سری‌های زمانی اقتصادی و ...) گرداوری شده است. داده‌های مربوط به موجودی سرمایه و نرخ استهلاک سرمایه براساس برآورد اینی و نشاط (۱۳۸۴) گرداوری شده است. جمع آوری داده‌های مربوط به هزینه‌ی نصب سرمایه براساس منابع آماری وزارت صنایع و معادن است. با توجه به این که آمار مربوط به قیمت سایه‌ای سرمایه در اقتصاد ایران موجود نیست، از شاخص قیمت سهام بورس به عنوان متغیر جایگزین استفاده می‌شود که براساس گزارش‌های آماری سازمان بورس اوراق بهادار تهران گرداوری شده است. قیمت سرمایه نیز به صورت مجموع نرخ سود بانکی و نرخ استهلاک سرمایه محاسبه شده است.

علامت انتظاری ضرایب به صورت زیر است:

$$\beta_1 = \frac{\partial LI}{\partial LK} > 0$$

است. سرمایه‌گذاری همان تعییرات موجودی سرمایه است و بنابراین با افزایش موجودی سرمایه، سرمایه‌گذاری افزایش می‌یابد. مطالعات دن (۲۰۰۰)، بندناوبن و اسلامت (۲۰۰۳) و آثارا (۲۰۰۴) مؤید این مطلب است.

$$\beta_2 = \frac{\partial LI}{\partial Lq} < 0$$

ماشین آلات افزایش می‌دهد. برای تأیید این مطلب می‌توان به مطالعات بندناوبن و اسلامت (۲۰۰۳) و آثارا (۲۰۰۴) اشاره کرد.

$$\beta_3 = \frac{\partial LI}{\partial PH} < 0$$

بنگاه‌ها دارد.

$$\beta_4 = \frac{\partial LI}{\partial PK} < 0$$

معکوس بر سرمایه‌گذاری دارد. با افزایش قیمت سرمایه‌ی هزینه سرمایه‌گذاری افزایش یافته و در نتیجه، میزان سرمایه‌گذاری کاهش می‌یابد. در این زمینه می‌توان به مطالعات دن (۲۰۰۰) و جانتوابیچ و کوپاییون (۲۰۰۸) اشاره کرد که نشان دهنده‌ی رابطه‌ی معکوس قیمت سرمایه با سرمایه‌گذاری است.

$$\beta_5 = \frac{\partial LI}{\partial LTOT} < 0$$

سرمایه‌گذاری تأثیر می‌گذارد: اول تعییرات رابطه‌ی مبادله بر تولید نهایی سرمایه تأثیر می‌گذارد، به طوری که

با بهبود رابطه‌ی مبادله، ارزش تولید نهایی سرمایه بزرگ‌تر از هزینه‌ی به کارگیری سرمایه می‌شود و بنابراین، سرمایه‌گذاری افزایش می‌یابد. دوم، تغییرات رابطه‌ی مبادله در نرخ بهره‌ی واقعی منعکس می‌شود. بهبود رابطه‌ی مبادله، نرخ بهره‌ی واقعی را کاهش می‌دهد و در نتیجه، سرمایه‌گذاری را افزایش می‌دهد. مطالعات تجربی گوبلو (۱۹۹۹)، بلنی و گرین‌وی (۲۰۰۱) و رازین و همکاران (۲۰۰۳) نشان دهنده‌ی تأثیر گذاری مشتبه رابطه‌ی مبادله بر سرمایه‌گذاری بوده است.

#### ۴- برآورد الگو

به منظور برآورد الگو از روش یوهانسن- جوسلیوس و نرم افزار Microfit 4.0 استفاده می‌شود. در زیر عمدترين مسائلی که محقق برای به دست آوردن بردارهای همجمعی با استفاده از روش یوهانسن- جوسلیوس با آن رویه‌رو است، عبارت است از:

- (۱) تعیین مرتبه‌ی جمعی متغیرها.
- (۲) تعیین طول وقفه‌ی الگوی VAR.
- (۳) تعیین رتبه‌ی ماتریس  $\Pi$  (تعیین تعداد بردارهای همجمعی).

در ادامه، به انجام هر یک از این مراحل پرداخته می‌شود.

بیش از برآورد الگو، پایایی و نپایایی متغیرها با استفاده از آزمون ریشه‌ی واحد دیکی فولر تعیین یافته (ADF) بررسی می‌شود. نتایج آزمون ریشه‌ی واحد روی سطح و تفاضل مرتبه‌ی اول متغیرها در جداول ۱ و ۲ آورده می‌شود.

جدول ۱: آزمون ریشه‌ی واحد دیکی فولر تعیین یافته روی سطح متغیرها در سطح معنی داری ۵٪

متغیر	عرض از مبدأ بدون روند			
	کمیت بحرانی آماره آزمون	آماره آزمون	کمیت بحرانی	عرض از مبدأ با روند
LI	-۲/۱	-۳/۴۷	۰/۳۲	-۲/۹
LK	-۰/۴۸	-۳/۴۷	۰/۲۸	-۲/۹
Lq	-۵/۱۸	-۳/۴۷	-۱/۰۲	-۲/۹
PH	۱/۰۹	-۳/۴۷	۰/۷۴	-۲/۹
PK	-۱/۷۷	-۳/۴۷	-۲/۱۹	-۲/۹
LTOT	-۱/۶۴	-۳/۴۷	-۰/۹۰	-۲/۹

منبع: محاسبات تحقیق

نتیجه‌ی آزمون ریشه‌ی واحد نشان می‌دهد که همه‌ی متغیرها ناپایا هستند.

**جدول ۲: آزمون ریشه‌ی واحد دیکی فولر تعیین یافته روی تفاضل مرتبه‌ی اول متغیرها در سطح معنی داری ۵٪**

متغیر	کمیت بحرانی آزمون	عرض از مبدا با روند		کمیت بحرانی آزمون	کمیت بحرانی آزمون
		آماره‌ی آزمون	کمیت بحرانی		
DLI	-۵/۲۷	-۳/۴۷	-۵/۰۳	-۲/۹	
DLK	-۶/۵۷	-۳/۴۷	-۱/۸۴	-۲/۹	
DLq	-۸/۹۶	-۳/۴۷	-۸/۹۹	-۲/۹	
DPH	-۵/۴۹	-۳/۴۷	-۳/۷۹	-۲/۹	
DPK	-۳/۹۷	-۳/۴۷	-۳/۱۷	-۲/۹	
DLTOT	-۴/۸۴	-۳/۴۷	-۴/۲۳	-۲/۹	

منبع: محاسبات تحقیق

همان‌گونه که در جدول ۲ دیده می‌شود، تفاضل مرتبه‌ی اول متغیرها پایا هستند. به عبارت دیگر، متغیرهای ناپایا با یک بار تفاضل گیری پایا شدند و در نتیجه، متغیرهای الگو جمعی از مرتبه، یک (۱) I هستند. برای تعیین وقفه‌ی بهینه‌ی الگو VAR معیار شوارز - بیزین<sup>۱</sup> به کار برده می‌شود. جدول زیر این آزمون را نشان می‌دهد.

**جدول ۳: آزمون تعیین مرتبه‌ی VAR**

مرتبه‌ی VAR	معیار شوارز - بیزین	معیار آکاییک
.	-۱۰۶۸/۸	-۱۰۶۸/۸
۱	۱۵۹/۸۹۴۸	۲۰۰/۳۶۷۷
۲	۲۵۴/۴۷۰۶	۲۲۵/۴۱۶۵

منبع: محاسبات تحقیق

با ملاحظه‌ی جدول بالا مشخص می‌شود که مقدار حداکثر معیار شوارز - بیزین در مرتبه‌ی دوم قرار دارد. بنابراین، براساس این معیار تعداد وقفه‌های بهینه‌ی VAR برابر ۲ است. آخرین مرحله‌ی قبل از براورد الگو، تعیین تعداد بردارهای همجمعی است که به وسیله‌ی آزمون حداکثر مقدار ویژه و آزمون اثر انجام می‌پذیرد. آزمون حداکثر مقدار ویژه و آزمون اثر، فرضیه‌ی صفر وجود ۱ بردار همجمعی را در برابر فرضیه‌ی مقابل  $+1$  بردار همجمعی مورد آزمون قرار می‌دهد. براساس این دو

۱- Schwarz- Bayesian

آزمون هنگامی فرضیه‌ی صفر وجود ۳ بردار همجمعی پذیرفته می‌شود که کمیت این آماره‌ها از مقدار بحرانی بیان شده به وسیله‌ی یوهانسن - جوسلیوس کم‌تر باشد. جدول ۴ این آزمون را نشان می‌دهد.

**جدول ۴: آزمون تعیین تعداد بردارهای همجمعی**

فرضیه‌ی $H_0$	فرضیه‌ی $H_1$	آماره‌ی آزمون حداقل مقدار ویژه	کمیت بحرانی در سطح $\%95$	آماره‌ی آزمون اثربردار	کمیت بحرانی در سطح $\%95$	کمیت بحرانی در سطح $\%90$
$I \leq 0$	$I = 1$	۸۰/۱۵	۳۹/۸۳	۱۸۹/۳۱	۹۵/۸۷	۹۵/۹۰
$I \leq 1$	$I = 2$	۵۵/۴۶	۳۳/۶۴	۱۰۹/۱۶	۷۰/۴۹	۷۰/۴۹
$I \leq 2$	$I = 3$	۳۶/۲۳	۲۷/۴۲	۵۳/۷	۴۸/۸۸	۴۸/۸۸
$I \leq 3$	$I = 4$	۹/۲۹	۲۱/۱۲	۱۷/۴۷	۳۱/۵۴	۳۱/۵۴
$I \leq 4$	$I = 5$	۷/۶۵	۱۴/۸۸	۸/۱۸	۱۷/۸۶	۱۷/۸۶
$I \leq 5$	$I = 6$	۰/۵۳	۸/۰۷	۰/۵۳	۸/۰۷	۸/۰۷

منبع: محاسبات تحقیق

براساس اطلاعات مندرج در جدول بالا وجود ۳ بردار همجمعی پذیرفته می‌شود و این ۳ بردار نشان دهنده‌ی روابط بلندمدتی هستند که در بین متغیرهای الگو برقرار است.

پرسشی که به هنگام وجود ۳ بردار همجمعی مطرح می‌شود این است که کدام یک از بردارهای همجمعی باید به عنوان رابطه‌ی تعادلی بلندمدت انتخاب شود؟ در پاسخ باید گفت آن بردار همجمعی به وسیله‌ی محقق انتخاب می‌شود که دارای بهترین توجیه و تفسیر اقتصادی باشد. بنابراین، در این تحقیق از بین سه بردار همجمعی برآورده شده، بردار همجمعی زیر به عنوان نشان‌دهنده‌ی رابطه‌ی تعادلی بلندمدت بین متغیرهای الگو انتخاب شد.

**جدول ۵: بردار همجمعی نرمال شده**

LTOT	PK	PH	Lq	LK	LI
۰/۰۸	-۰/۵	-۰/۱۵	۰/۱۱	۱/۸۴	۱

مأخذ: محاسبات تحقیق

به دلیل مدل برآورده به شکل نیمه لگاریتمی است؛ بنابراین، لذا ضریب هر متغیری که به صورت لگاریتمی تصریح شده است، کشش آن را نشان می‌دهد. بنابراین ضرایب الگو به این صورت تفسیر می‌شود: چنانچه موجودی سرمایه ۱ درصد افزایش یابد، سرمایه‌گذاری ۱/۸۴ درصد افزایش خواهد یافت و اگر قیمت سایه‌ای سرمایه ۱ درصد افزایش یابد، سرمایه‌گذاری ۰/۱۱ درصد افزایش خواهد داشت. افزایش هزینه‌ی

نصب سرمایه به میزان ۱ واحد سرمایه‌گذاری را به میزان ۱۵٪ درصد کاهش می‌دهد. اگر قیمت سرمایه ۱ واحد افزایش یابد، سرمایه‌گذاری به میزان ۰٪ درصد کاهش خواهد یافت. همچنین، ۱ درصد افزایش در رابطه‌ی افزایش سرمایه‌گذاری به میزان ۰٪ درصد منجر می‌شود. نتیجه‌ی براورد الگو، نشان دهنده‌ی تاثیر مثبت رابطه‌ی مبادله بر سرمایه‌گذاری است. بنابراین، باید با اتخاذ استراتژی آزاد سازی تجاری زمینه‌های بهبود رابطه‌ی مبادله و در نتیجه، زمینه‌های رشد سرمایه‌گذاری فراهم آید.

## ۵- نتیجه‌گیری و پیشنهادها

از زمان آدام اسمیت تاکنون یک سنت مستحکم در اقتصاد وجود دارد و آن اینکه سرمایه‌گذاری را به عنوان نیروی محركه‌ی رشد اقتصادی می‌شناسند. کمایش بیشتر اکثر اقتصاددانان بدون توجه به مکتب و دیدگاه فکری خود، بر ابانت و تکمیل سرمایه به مثابه‌ی مهم‌ترین عامل تعیین کننده‌ی رشد و توسعه اقتصادی تأکید زیادی داشته‌اند. ابانت قبل توجه سرمایه، استفاده مطلوب‌تر و کامل تر از منابع موجود در اقتصاد را امکان‌پذیر می‌سازد. هدف اصلی این بژوهش استخراج مسیر بهینه‌ی سرمایه‌گذاری با ملاحظه الگوی افق نامحدود و براورد آن برای اقتصاد ایران با استفاده از روش همجمعی در دوره‌ی زمانی (۱۳۶۹-۱۳۸۶) و با کاربرد داده‌های فصلی است.

در بخش مربوط به براورد الگو با استفاده از روش اقتصاد سنجی، ابتدا تابع سرمایه‌گذاری براساس الگوی رمزی تعیین یافته تصریح شد، به طوری که سرمایه‌گذاری تابعی از موجودی سرمایه، قیمت سایه‌ای سرمایه، هزینه‌ی نصب سرمایه، قیمت سرمایه و رابطه‌ی مبادله بود. سپس، پایایی و ناپایایی متغیرها با استفاده از آزمون ریشه‌ی واحد دیکی فولر تعیین یافته (ADF) بررسی شد. نتیجه‌ی آزمون ریشه‌ی واحد نشان می‌دهد که همه‌ی متغیرها ناپایای هستند. لیکن، متغیرهای ناپایای با یک بار تفاضل گیری پایا شدند و در نتیجه، متغیرهای الگو جمعی از مرتبه‌ی یک، (۱)، می‌باشند. برای براورد الگو از روش بردارهای همجمعی یوهانسن- جوسلیوس استفاده شد. نتایج بدست آمده از براورد الگو نشان داد که بین متغیرهای الگو یک رابطه‌ی تعادلی بلندمدت وجود دارد. به طوری که موجودی سرمایه، قیمت سایه‌ای سرمایه و رابطه‌ی مبادله تأثیر مثبت و هزینه‌ی نصب سرمایه و قیمت سرمایه تأثیر منفی بر سرمایه‌گذاری داشتند.

## منابع و مأخذ

ابرشمی، حمید و مهرآرا، محسن (۱۳۸۱)، اقتصاد سنجی کاربردی، تهران: نشر نی.  
امینی، علیرضا و نشاط، محمد (۱۳۸۴)، براورد سری زمانی موجودی سرمایه در اقتصاد ایران طی دوره زمانی ۹۰-۱۳۳۸، مجله برنامه و بودجه، شماره ۹۰

برانسون، ویلیام اچ (۱۳۷۶)، *تئوری و سیاست‌های اقتصاد کلان*، ترجمه عباس شاکری، تهران: نشر نی.

بلانچارد، اوپلیویر جین و فیشر، استانی (۱۳۷۷)، *درس‌هایی در اقتصاد کلان*، ترجمه محمود ختایی و تیمور محمدی، انتشارات سازمان برنامه و بودجه.

پرمن، راجر؛ ما، یو و مک گیل ری، جیمز (۱۳۸۲)، *اقتصاد محیط زیست و منابع طبیعی*، ترجمه حمید رضا ارباب، تهران: نشر نی.

حجتی، زیبا؛ اقبالی، علیرضا و گسکری، ریحانه (۱۳۸۴)، *پیامدهای سیاست مالی بر سرمایه‌گذاری بخش خصوصی (مطالعه موردی ایران)*، فصلنامه پژوهش‌های اقتصادی ایران، شماره ۲۲.

سلیمی‌فر، مصطفی و قوی، مسعود (۱۳۸۱)، *تسهیلات بانک‌ها و سرمایه‌گذاری خصوصی در ایران*، فصلنامه پژوهش‌های اقتصادی ایران، شماره ۱۳.

سوری، علی (۱۳۸۶)، *اقتصاد ریاضی روش‌ها و کاربردها*، تهران: انتشارات سمت.

عباسی‌نژاد، حسین و یاری، حمید (۱۳۸۶)، *بررسی اثر گذاری نرخ سود تسهیلات بانکی بر سرمایه‌گذاری بخش خصوصی در افق بلندمدت ایران*، مجله تحقیقات اقتصادی، شماره ۸۱.

غروی نجخوانی، سید احمد (۱۳۸۱)، *نقش درآمدهای نفتی در تامین سرمایه‌گذاری ایران*، فصلنامه پژوهشنامه اقتصادی، شماره ۷.

قربانی، محمد؛ شکری، الهام و مطلبی، مرضیه (۱۳۸۶)، *کاربرد الگوی تصحیح خطای نامقید در تعیین عوامل موثر بر سرمایه‌گذاری خصوصی در ایران*، دانش و توسعه، شماره ۲۰.

قره‌باغیان، مرتضی (۱۳۸۵)، *اقتصاد رشد و توسعه*، تهران: نشر نی.

کازرونی، سید علیرضا و دولتی، مهناز (۱۳۸۶)، *اثر ناظمینانی نرخ واقعی ارز بر سرمایه‌گذاری بخش خصوصی (مطالعه موردی ایران)*، فصلنامه پژوهشنامه بازار گانی، شماره ۴۵.

گسکری، ریحانه؛ قبیری، حسنعلی و اقبالی علیرضا (۱۳۸۵)، *بی ثباتی در اقتصاد کلان و سرمایه‌گذاری بخش خصوصی در ایران*، فصلنامه پژوهشنامه اقتصادی، شماره ۲۳.

نوفrstی، محمد (۱۳۷۸)، *ریشه واحد و همجمعی در اقتصاد سنجی*، تهران: انتشارات رسا.

هایامی، یوجیرو (۱۳۸۰)، *اقتصاد توسعه از فقر تا ثروت ملل*، ترجمه غلامرضا آزاد ارمکی، تهران: نشر نی.

- Bende-Nabende, Anthony and Slater Jim (2003), Private Capital Formation: Short and Long Run Crowding in (out) Effects in ASEAN (1971-99), *Economics Bulletin*, Vol. 3, No. 27, pp. 1-16.
- Blanchard, Oliver Jean and Fisher, Stanly (1989), *Lectures on Macroeconomic*, Massachusetts institute of technology, The MIT Press.
- Bleaney, Michael and Greenaway, David (2001), The Impact of Terms of Trade and Real Exchange Rate Volatility on Investment and Growth in Sub-Saharan Africa, *Journal of Development Economics*, Vol. 65, pp. 491-500.
- Dehn, Jan (2000), Private Investment in Developing Countries: The Effects of Commodity Shocks and Uncertainty, WPS No. 11.
- Guillo, Maria Dolores (1999), On Terms of Trade and Capital Accumulation, *Review of International Economics*, Vol. 7, No. 2, pp. 228-244.
- Jhonston, Jack & Dinardo, John(1997), *Econometric Analysis*, Prentice Hall, Fourth Edition.
- Jongwanich, Juthathip and Kohpaiboon, Archanun (2008), Private Investment: Trends and Determinants in Thailand, *World Development*, Vol. 36, No. 10, pp. 1709-1724.
- Mash, Richard (1998), The Investment Response to Temporary Commodity Price Shocks, *The Centre for the Study of African Economies Working Paper Series*, [www.bepress.com/case/paper 78](http://www.bepress.com/case/paper78).
- Ouattara, Bazoumana (2004), Modeling the Long Run Determinants of Private Investment in Senegal, *CREDIT Research Paper No. 04/05*.
- Pesaran, Mohammad Hashem(1997), Working with Microfit 4.0 Camfit Data Limited, [www.intecc.co.uk/comfit/](http://www.intecc.co.uk/comfit/).
- Razin, Assaf, Sadka, Efraim and Coury, Tarek (2003), Trade Openness, Investment and Terms of Trade Volatility, *Journal of International Economics*, No. 61, pp. 285-306.
- Serven, Luis (1999), Terms-of-Trade Shocks and Optimal Investment: Another Look at the Laursen-Metzler Effect, *Journal of International Money and Finance*, No. 18, pp. 337-365.