

# تخمین قیمت‌های نقدی روزانه‌ی گاز طبیعی با استفاده از مدل حرکت هندسی براونی<sup>۱</sup>

نرگس صالح‌نیا<sup>۲</sup>، محمد علی فلاحتی<sup>۳</sup>، احمد سیفی<sup>۴</sup>،

محمد حسین مهدوی عادلی<sup>۵</sup>

تاریخ دریافت: ۹۳/۲/۲۴ تاریخ پذیرش: ۹۳/۸/۲۰

## چکیده

هدف از این مقاله، برآورد مدل حرکت هندسی براونی (GBM) بر اساس برآورد دو پارامتر اصلی تلاطم و رانش و پیش‌بینی قیمت‌های نقدی روزانه‌ی گاز طبیعی هنری هاب از ۱۹۹۷/۰۱/۰۷ تا ۲۰۱۲/۰۳/۲۰ است. بررسی‌ها حاکی از آن است که برآورد این دو پارامتر مذکور با روش‌های مختلف و نیز در مقیاس‌های زمانی متفاوت امکان‌پذیر است. به همین منظور از دو رویکرد پیشرو و پسرو و در مقیاس‌های زمانی و نیز زیردوره‌های مختلف استفاده شده است. نتایج نشان می‌دهد مقادیر تلاطم و رانش، کاملاً به دوره یا

۱. این مقاله بخشی از پایان‌نامه‌دکترای نرگس صالح‌نیا با عنوان «قیمت‌گذاری قراردادهای مشتقه گاز طبیعی با استفاده از مدل‌سازی تصادفی قیمت‌های نقدی بین‌المللی» در دانشگاه فردوسی مشهد است.

۲. دانشجوی دکترا، دانشگاه فردوسی مشهد؛ Email: salehnian@gmail.com

۳. استاد گروه اقتصاد، دانشگاه فردوسی مشهد؛ (نویسنده مسئول)؛ Email: falahi@um.ac.ir

۴. استادیار گروه اقتصاد، دانشگاه فردوسی مشهد؛ Email:spring05@um.ac.ir

۵. استاد گروه اقتصاد، دانشگاه فردوسی مشهد؛ Email: mh-mahdavi@um.ac.ir

مقیاس موردنظر وابسته بوده و برآوردهای حاصل از رویکرد پسرو در مقایسه با پیشرو در سطح پایین تری قرار دارد. همچنین با افزایش تعداد اجراهای تصادفی مدل، اگرچه دامنه نوسانات مقادیر پیش‌بینی کاهش پیدا کرده، اما شیب خط پیش‌بینی به شیب خط مقادیر واقعی بسیار نزدیک می‌شود. در نهایت، مقادیر معیارهای ارزیابی عملکرد نشان می‌دهد که رویکرد پیش‌رو و بطور مشخص سال ۲۰۰۹ دارای بهترین معیار عملکرد است سپس زیر دوره‌ی ۲۰۰۱-۲۰۰۴ در روش پس‌رو و در نهایت این زیر دوره در روش پیش‌رو می‌تواند به عنوان مبنای جهت محاسبه مقادیر پارامترهای اصلی مدل مورد استفاده قرار گیرند. بعلاوه نتایج نشان می‌دهد که برآورد پارامترهای اصلی مدل با اتکای به جدیدترین دوره در داده‌های مورد استفاده نیز دقیق‌تر کافی اعمال نشده و مقیاس‌هایی که دارای تلاطم بالاتری هستند بالنسبة از معیارهای ارزیابی بهتری نیز برخوردارند و بهتر می‌توان از آنها در پیش‌بینی قیمت‌ها در قالب مدل GBM<sup>1</sup> بهره گرفت.

**واژه‌های کلیدی:** گاز طبیعی، قیمت نقدی، تلاطم، رانش، مدل حرکت هندسی براونی.  
**JEL:** Q42, Q47, G30.

## ۱. مقدمه

افزایش نگرانی‌ها نسبت به حفظ محیط‌زیست و حیات جامعه‌ی بشری از یک‌سو و روند افزایش قیمت نفت خام از سوی دیگر، موجب شده است که هر روز به تعداد متقارضیان سوخت پاک گاز طبیعی افزوده شود. طبق پیش‌بینی‌های صورت گرفته از جانب اداره‌ی اطلاعات انرژی آمریکا<sup>۱</sup> (۲۰۱۳)، گاز طبیعی سریع‌ترین سوخت فسیلی در حال رشد بوده و مصرف جهانی آن از ۱۱۳ تریلیون فوت مکعب در سال ۲۰۱۰ تا ۱۸۵ تریلیون فوت مکعب در سال ۲۰۴۰ یعنی سالانه حدود ۱/۷ درصد افزایش خواهد یافت. دلایل مثبت بودن چشم‌انداز آتی مصرف گاز طبیعی عبارتند از: اجرای سیاست‌های بلندپروازانه‌ی چین در جهت مصرف بیشتر گاز، رشد کمتر انرژی اتمی، آثار مخرب زیست‌محیطی پایین، کارآیی استفاده از آن در تولید الکتریسیته و استفاده‌ی بیشتر از گاز طبیعی در حمل و نقل جاده‌ای، توسعه‌ی صنعت و ساختمان (آژانس بین‌المللی انرژی<sup>۲</sup>).

تجارت گاز طبیعی در سه بازار منطقه‌ای آمریکای شمالی، اروپا (که گاز آن توسط روسیه و آفریقا تأمین می‌شود) و آسیا (که با خاورمیانه در ارتباط است) بوده و در مقابل بازار جهانی نفت خام قرار گرفته و کاملاً یکپارچه است. انتقال گاز در داخل هر یک از بازارهای یاد شده، به واسطه‌ی خطوط لوله امکان‌پذیر بوده بطوری که در سال ۲۰۱۰ حدود ۷۰ درصد تجارت بین‌مرزی از این طریق صورت گرفته است. همچنین، بازار گاز طبیعی در کشورهای مختلف دارای ساختارهای متفاوت است. در اغلب بازارهای گاز طبیعی کشورهای در حال توسعه، دولت به عنوان انحصارگر عمل کرده و متناسب با سیاست‌های کلان خود و شرایط موجود، قیمت‌های خود را تنظیم می‌کند. این در حالی است که، در کشورهای توسعه یافته اروپایی و آمریکا، بازار گاز طبیعی به صورت رقابتی و فرایند قیمت‌گذاری آن براساس مکانیزم بازار رقابتی تدوین می‌شود (جغرافی صمیمی و همکاران، ۱۳۸۵). از این‌رو، قیمت‌ها و مکانیسم‌های قیمت‌گذاری گاز طبیعی در دنیا متفاوت است.

1. EIA: Energy Information Administration  
2. IEA: International Energy Agency

امروزه، سه مکانیسم رایج قیمت‌گذاری گاز طبیعی مورد استفاده قرار می‌گیرد که عبارتند از: قیمت‌گذاری براساس نفت<sup>۱</sup>، قیمت‌گذاری نظارت شده<sup>۲</sup> و قیمت‌گذاری بازار رقابتی<sup>۳</sup> (یا رقابت گاز با گاز). قیمت‌گذاری براساس نفت، عموماً گاز طبیعی از طریق قراردادهای بلندمدت و با قیمت‌هایی بر اساس قیمت‌های نفت خام یا قیمت محصولات نفتی (که معمولاً با تخفیف‌هایی برای قیمت گاز طبیعی نسبت به نفت خام همراه است)، تعیین می‌شود. روش قیمت‌گذاری نظارت شده که توسط دولتها وضع می‌شود، منعکس کننده‌ی هزینه‌های تولید و سایر هزینه‌ها بوده و یا سوبسیدهایی را برای مصرف کنندگان گاز طبیعی ایجاد می‌کند. روش قیمت‌گذاری بازار رقابتی نیز نقاط مبادلاتی یا مراکز عمده‌ی مبادلاتی یا به عبارتی هاب‌هایی را در مناطق بازاری در نظر داشته که بمحض آن رقابت ایجاد شده در میان مصرف کنندگان و عرضه کنندگان مختلف می‌تواند به تعیین قیمت گاز طبیعی بیانجامد.

در حال حاضر هیچگونه بازار یکپارچه‌ای جهت گاز طبیعی وجود ندارد، و مکانیسم‌های مختلف قیمت‌گذاری در بازارهای منطقه‌ای مشخص می‌شوند. اما به‌هرحال، بازارها در حال تغییر و تبدیل شدن به بازارهای رقابتی‌تر گاز طبیعی هستند (رحمی، ۱۳۸۶؛ منصور کیایی، ۱۳۸۷). گاز طبیعی دارای خصوصیات متعدد قبل توجهی است. اول اینکه، از آنجاکه انتقال بین‌المللی گاز هزینه‌بر است، بنابراین منحنی‌های قراردادهای آتی<sup>۴</sup> و قیمت‌ها بطور منطقه‌ای تغییر می‌کنند. دوم، زمانیکه تولید از یک چاه مفروض آغاز می‌شود، ذخیره‌سازی گاز هزینه‌بر می‌شود. و سوم، تقاضا برای گاز در بیشتر مناطق به صورت فصلی است، بطوری که در ماههای زمستان به جهت مصرف آن در وسائل گرمایشی، تقاضا به اوج خود می‌رسد. از این‌رو، همواره باید جریان تولید نسبتاً باید در مقابل تقاضای متغیر وجود داشته باشد، که این مسئله می‌تواند منجر به پدید آمدن نوسانات

1. Oil-Indexed Pricing
2. Regulated Pricing
3. Gas-to-Gas Competition Pricing
4. Future Contracts

قیمت<sup>۱</sup> شود. لازم به ذکر است از زمان آزادسازی بازار گاز طبیعی، تلاطم کوتاه‌مدت صرف نظر از سطح قیمت، بالا بوده است. پس از الکتریستیته، بازار گاز طبیعی متلاطم‌ترین بازار می‌باشد (هنینگ و اسلون<sup>۲</sup>، ۲۰۰۳).

بازارهای نقدی<sup>۳</sup>، از مدت‌ها پیش بخش مهمی از تجارت بین‌المللی نفت خام و فرآورده‌های آن را تشکیل داده‌اند. مقررات‌زدایی قیمت‌ها موجب تقویت و رشد سریع بازارهای نقدی شده است. به عنوان مثال، هرچند در سال ۱۹۸۲ بازار نقدی چندانی برای گاز طبیعی وجود نداشت، ولی در اواخر دهه هشتاد، بازار نقدی گاز طبیعی ۸۰ درصد سهم بازار را به خود اختصاص داد. از آنجایی که بازارهای نقدی به آشکار شدن قیمت کمک می‌کنند، هزینه فرصت دارایی‌های را کد سرمایه‌گذاران آشکار خواهد شد. بدین ترتیب، بنگاه‌ها متوجه خواهند شد که چگونه اندک تفاوتی در زمان‌بندی تصمیمات سرمایه‌گذاری، تولید و ذخیره‌سازی بر سود آنها تأثیر خواهد گذاشت. شرکت‌ها می‌توانند از مزایای یک بازار نقدی سیال به عنوان یک عرضه‌کننده واقعی، انبادرار یا مصرف‌کننده منتفع شوند. مشتریان می‌توانند به آسانی قیمت پیشنهادی یک عرضه‌کننده را با قیمت بازار نقدی مقایسه کنند. علاوه بر این، بازارهای نقدی نقش کلیدی در تسویه نقدی قراردادهای مشتقه<sup>۴</sup> ایفا می‌کنند (فلمنگ<sup>۵</sup>، ۱۹۹۸؛ منظور و نیاکان، ۱۳۹۱).

در سال‌های اخیر، محققین و دست‌اندرکاران بازار مالی توجه زیادی به ارزشگذاری و مصونیت از ریسک<sup>۶</sup> قیمت ابزار مالی و کالاهای انرژی داشته‌اند تا بدین وسیله به ارزیابی پروژه‌های سرمایه‌گذاری منابع طبیعی به خصوص قواعد تعیین کننده بهینه بودن گزینه‌ها در جهت سرمایه‌گذاری پردازنند. از این‌رو، رفتار تصادفی قیمت کالاهای انرژی نقش مهمی را در این زمینه ایفا می‌کند. فرایندهای تصادفی بطور گسترده‌ای در مدل‌سازی انواع

- 
1. Price Volatility
  2. Henning & Sloan
  3. Spot Markets
  4. Derivatives
  - 5 . Fleming
  6. Hedging

مختلف زمینه‌های تحقیقاتی بکار می‌روند. به دلیل حوزه‌ی وسیع کاربرد آنها، هر روزه تعداد بیشتری از روابط مختلف فرایندهای تصادفی پیشنهاد می‌شود.

یکی از حوزه‌های تحقیقاتی که فرایندهای تصادفی بطور گستردگی در آن مورد استفاده قرار می‌گیرند، بازارهای مالی و کالا است. بازارهای انرژی یک قسم از بازار کالا را تشکیل می‌دهند که بطور مشخص با مبادله و عرضه‌ی انرژی سر و کار دارد. این بازارها یک آزمایشگاه جالب جهت مدل‌سازی ریاضیاتی متغیرهایی مانند قیمت بوده که در بیشتر اوقات متلاطم هستند. دلیل اصلی این تلاطم نیز مقررات زدایی بسیاری از اقسام انرژی مانند گاز طبیعی و برق است (Hamit<sup>1</sup>, ۲۰۱۲). برای اولین بار لوئیس باچلیر<sup>2</sup> (۱۹۰۰) نشان داد که بازارهای مالی از فرایند گام تصادفی تعیت می‌کنند. فرایند گام تصادفی اساساً یک حرکت براونی است که به موجب آن حرکات مرتبط با قیمت‌های آینده تنها بواسطه‌ی شرایط فعلی تعیین شده و مستقل از حرکات گذشته هستند. حرکت براونی دارای ویژگی‌های خوش‌رفتار ریاضی است، بگونه‌ای که در آن می‌توان یک الگو را با دقت بالا برآورد و همچنین احتمالات را محاسبه کرد.

نظریه حرکت براونی و الگوهای گام تصادفی، بطور گسترده در مدل‌سازی بازارهای مالی و انرژی مورد استفاده قرار گرفته است (پندایک و رابینفیلد<sup>3</sup>, ۱۹۹۱؛ Tsay<sup>4</sup>, ۲۰۰۲). در فرایندهایی که حدس و گمانها مدل‌سازی می‌شود، می‌توان از احتمالات بسط داده شده توسط باچلیر استفاده کرد، که تا به امروز کاربردهای این الگو ادامه داشته است. مجموع اثر کلی لگاریتم قیمت‌ها بسیار مشابه با مختصات کلی ذرات براونی است. تابع توزیع احتمال بدست آمده جهت قیمت سهام یا کالا با فرض ثبات سایر شرایط، مشابه با توزیع احتمال ذرات براونی است (Sun<sup>5</sup>, ۲۰۰۵). مدل GBM برای پیش‌بینی قیمت در کوتاه‌مدت مناسب بوده و در چارچوب محاسبات تصادفی<sup>6</sup> بسط می‌یابد و به سرمایه‌گذاران و

1 . Hamis

2. Bachelier

3. Pindyck & Rubinfeld

4. Tsay

5. Sun

6. Stochastic Calculus

مبادله‌گران مجال تصمیم‌گیری در زمان حال و دستیابی به سود و منفعت در آینده‌ای بسیار نزدیک را می‌دهد (لدوو<sup>۱</sup>، ۲۰۰۹). محاسبات تصادفی، شاخه‌ای از ریاضیات است که با عدم قطعیت موجود در بازار سهام، انرژی و ارز سروکار دارد (سیتی نظیفه و ماهران مهد<sup>۲</sup>، ۲۰۱۲). این مدل، از دیدگاه ماتسودا<sup>۳</sup> (۲۰۰۵)، سنگ بنای کلیه فرایندهای تصادفی و زیردهی مارتینگل‌های پیوسته<sup>۴</sup>، فرایندهای مارکوفی، پواسونی، گوسینی و انتشار ایتو<sup>۵</sup> است. شواهد تجربی، شفافیت تحلیل، غیرقابل پیش‌بینی بودن مسیر قیمت، و کاربردهای اولیه‌ی این مدل در ریاضیات مالی از جمله دلایل اصلی موجود جهت این انتخاب است (ساموئلسون<sup>۶</sup>، ۲۰۰۱، بلک و شولز<sup>۷</sup>، ۱۹۷۳ و مرتون<sup>۸</sup>، ۱۹۷۳). مهمترین پارامتر مدل مذکور محاسبه‌ی تلاطم قیمت کالای مورد نظر است. برآورد پارامتر تلاطم به کمک شبیه‌سازی مونت‌کارلو جهت ارزش دارایی‌ها را می‌توان در تحقیقات کوپلن و آنتیکاروف<sup>۹</sup> (۲۰۰۱) و تیتمان و مارتین<sup>۱۰</sup> (۲۰۰۸) مشاهده کرد. آنها در این تحقیقات از ارزش انتظاری جهت عدم قطعیت پژوهه‌ها در محاسبه‌ی خالص ارزش فعلی پژوهه استفاده کرده و از این طریق به تحلیل ریسک پرداختند.

در مطالعه‌ای که توسط دکزیرت و پندایک<sup>۱۱</sup> (۱۹۹۴) بر روی قیمت‌های نقدی مس انجام دادند، به آزمون دو مدل GBM و بازگشت به میانگین طی ۲۰۰ سال قبل پرداختند و به این نتیجه رسیدند که باید فرضیه‌ی بازگشت به میانگین را پذیرفت و در عین حال اگر تنها از داده‌های ۳۰ تا ۴۰ سال استفاده شود، فرضیه‌ی وجود GBM را نمی‌توان رد کرد. نتایج مشابه تحقیق آنها را می‌توان برای ۱۰ مورد مختلف از منابع طبیعی دیگر در تحقیقات

- 
1. Ladde and Wu
  2. Siti Nazifah & Maheran mohd
  3. Matsuda
  4. Continuous Martingales
  5. Ito-Diffusion Process
  6. Samuelson
  7. Black & Scholes
  8. Merton
  9. Copeland & Antikarov
  10. Titman & Martin
  11. Dixit & Pindyck

گرسوویتز و پاکسون<sup>۱</sup> (۱۹۹۰) نیز ملاحظه کرد. استفاده از این مدل را می‌توان در سایر زمینه‌های اقتصاد شاهد بود، زیرا در سال‌های اخیر از مدل GBM در توصیف مقادیر تقاضا به عنوان بخشی از ادبیات مرتبط با برنامه‌ریزی ظرفیت تولید بهره گرفته شده است (بناویدس و همکاران<sup>۲</sup>، لیانگ<sup>۳</sup>، ۲۰۰۳؛ ۱۹۹۹). قیمت گذاری قراردادهای اختیار آمریکایی نیز به روش‌های متعددی امکان‌پذیر بوده که در پژوهشی که توسط چان و همکارانش<sup>۴</sup> در سال ۲۰۰۳ انجام گرفت، استفاده از فرایند حرکت هندسی برآونی توصیه شده است؛ پیش‌بینی تغییرات قیمت مجوز انتشار آلودگی توسط مدل GBM در قالب قراردادهای اختیار واقعی را می‌توان در مطالعه‌ی انجام شده توسط کورهیرا<sup>۵</sup> (۲۰۰۹) مشاهده کرد. پوستالی و پیچیتی<sup>۶</sup> (۲۰۰۶)، به ارائه‌ی تحلیل کمی مسیرهای قیمت نفت پرداختند و نشان دادند که در کنار سادگی و سهولت اجرا، حرکت هندسی برآونی می‌تواند به عنوان مبنای جهت پیش‌بینی حرکت قیمت‌های نفت و ذخایر نفتی بکار رود. استفاده از مدل حرکت هندسی برآونی جهت شبیه‌سازی قیمت‌های آتی بازار و از این رو برآورد ریسک سرمایه در بازار ارز و سهام را می‌توان در تحقیق مکنیکولاس و ریزو<sup>۷</sup> (۲۰۱۲) ملاحظه کرد. نتایج حاصل از این تحقیق، نشان می‌دهد که مدل مورد استفاده قادر به ارائه‌ی توزیع قیمتی مورد نظر و پارامترهای لازم جهت برآورد سطح ریسک سرمایه و نیز احتمال ضرر درآمدی است. مدل‌سازی قیمت سهام به کمک روش GBM بر روی ۲۶۲۷ داده‌ی قیمتی سهام شرکت هولت-پاکارد مبادله شده در بازار سهام نیویورک، نشان می‌دهد که در شبیه‌سازی بلندمدت تقریباً کلیه‌ی مقادیر قیمت واقعی در فاصله اطمینان قیمت‌های شبیه‌سازی شده واقعند و فواصل اطمینان بزرگ هستند، اما در شبیه‌سازی یک‌روزه تقریباً ۸۰٪ داده‌های قیمت واقعی در فاصله اطمینان شبیه‌سازی شده قرار نمی‌گیرند و فواصل

1 . Gersovitz &amp; Paxson

2. Benavides et al.

3. Liang

4. Chan et al.

5. Kurehira

6. Postali &amp; Picchetti

7. McNicholas &amp; Rizzo

اطمینان نسبتاً کوچک هستند (دموج<sup>۱</sup>، ۲۰۰۶). مقایسه‌ی ارزیابی عملکرد مدل‌های خود بازگشت برداری و GBM در تخصیص بهینه‌ی دارایی جهت بازده قیمتی اوراق قرضه‌ی کوتاه‌مدت و بلندمدت خزانه آمریکا را می‌توان در پژوهش انجام شده توسط کلمب<sup>۲</sup> (۲۰۰۵) ملاحظه کرد. کاربرد حرکت براونی در مطالعه‌ی انجام شده توسط اسمیت<sup>۳</sup> (۱۹۹۴) قابل مشاهده است. در این مطالعه از حرکت براونی کنترل شده<sup>۴</sup> به منظور تجزیه و تحلیل تأثیر ثبات قیمت بر سرمایه‌گذاری در تقاضای نامطمئن استفاده شده است. در مقاله اسمیت، رفتار سرمایه‌گذاری قیمت تصادفی ولی با سقف معین برونز<sup>۵</sup> و با کمک ریاضیات براونی کنترل شده، مورد بررسی قرار گرفته است. نتایج این مطالعه نشان می‌دهد که با کنترل قیمت، پاسخ سرمایه‌گذاری با تغییر در قیمت کاهش می‌یابد. باید توجه داشت که امروزه، میلیاردها و حتی تریلیون‌ها دلار در مبادلات روزانه‌ی بازارهای مالی و انرژی رد و بدل می‌شود، از این‌رو می‌توان گفت که این مسئله تنها بواسطه‌ی انجام پیش‌بینی قیمت‌های (نقدی) بازار به کمک مهارت‌ها و فون ریاضیاتی امکان‌پذیر می‌شود (دیمسون و موسویان<sup>۶</sup>، ۲۰۰۰؛ به هر حال، ممکن است در مواردی این مدل‌ها با شکست مواجه شوند اما با وجود این، افراد از آنها بهره می‌گیرند؛ زیرا داشتن یک مدل بهتر از نداشتن آن است (ویلمات<sup>۷</sup>، ۲۰۰۱؛ برکوویتز<sup>۸</sup>، ۲۰۰۱). بدین جهت در مطالعه‌ی حاضر سعی شده تا رفتار قیمتی گاز طبیعی در چارچوب مدل تصادفی GBM مورد بررسی و پیش‌بینی قرار گیرد. از این‌رو، در بخش دوم مقاله‌ی حاضر، بطور مختصر به توصیف داده‌های مورد استفاده و تاریخچه‌ی مدل مورد استفاده و نیز استخراج فرمول، خصوصیات و کاربرد مدل حرکت هندسی براونی جهت قیمت گاز طبیعی پرداخته می‌شود. بخش سوم، نیز به بحث پیرامون

1. Dmouj
2. Collomb
3. Smith
4. Regulated Brownian Motion
5. Exogenous ceiling
6. Dimson & Mussavian
7. Wilmott
8. Berkowitz

جزئیات، انجام و نتیجه‌ی کاربرد این مدل جهت قیمت گاز طبیعی و در نهایت در بخش چهارم، به نتیجه‌گیری اختصاص می‌یابد.

## ۲. مواد و روش‌شناسی تحقیق

### ۲-۱. منطقه مطالعاتی و داده‌های مورد استفاده

امروزه، آمریکا بزرگترین بازار و مصرف‌کننده‌ی جهانی گاز طبیعی است. با توجه به آمار ارائه شده از جانب اداره اطلاعات انرژی آمریکا، گاز طبیعی حدود ۲۵٪ انرژی اولیه مصرفی در آن کشور را تأمین می‌کند، از این‌رو دارای سازمان یافته‌ترین بورس مبادلات گازی است (اداره انرژی آمریکا، ۲۰۱۱<sup>a</sup>)؛ کشور آمریکا دارای بازارهای نقدی متعدد بهمراه فروشندگان و خریدارانی است که گاز طبیعی و سایر خدمات را مورد مبادله قرار می‌دهند. یک بازار نقدی معمولاً دارای خطوط‌له‌هایی است که مناطق مختلف را بهم متصل ساخته و از هزینه‌های مبادلاتی پایینی نیز برخوردار است.

هنری‌هاب<sup>۱</sup>، بزرگترین و سیال‌ترین نقطه‌ی قیمت‌گذاری در دنیا و به عنوان مبنایی جهت قراردادهای آتی‌های نایمکس (NYMEX)<sup>۲</sup> و سایر ابزار مشتقه است که بطور قابل ملاحظه‌ای توجه محققین بسیاری را در ادبیات به خود جلب کرده است. این بازار، فعالترین و عمومی‌ترین بازار در آمریکای شمالی بوده و از قابلیت عرضه‌ی گسترده‌ای برخوردار است (اداره اطلاعات انرژی آمریکا، ۲۰۰۳). بیش از ۱۸۰ مشتری بطور معمول، به امر تجارت از طریق ۱۴ سیستم خط لوله و امکانات ذخیره‌سازی در هنری‌هاب مشغولند. بعلاوه، هنری‌هاب سهم بزرگی از حمل و نقل گاز به منطقه‌ی مصرفی شرقی را تأمین می‌نماید (هائسان و همکاران<sup>۳</sup>، ۲۰۰۸). بسیاری از مراکز خدمات عام‌المنفعه، مشاورین، و سایر نهادها مانند اداره اطلاعات انرژی آمریکا (EIA)، سعی در پیش‌بینی قیمت‌های هنری‌هاب دارند. از این‌رو، هدف این مقاله نیز پیش‌بینی قیمت‌های نقدی گاز طبیعی هنری‌هاب براساس داده‌های تاریخی این بازار از ۷ ژانویه‌ی ۱۹۹۷ تا ۲۰ مارس ۲۰۱۲ است.

---

1. Henry Hub

2 . New York Mercantile Exchange

3. Haesun et al.

داده‌های مورد نیاز این مطالعه از سایت گروه CME<sup>۱</sup> و نیز سایت EIA<sup>۲</sup> جمع‌آوری شده است. داده‌های قیمت نقدی هنری هاب بر حسب دلار بر میلیون بی‌تی‌یو گزارش شده‌اند.

## ۲-۲. تاریخچه حرکت هندسی براونی

حرکت براونی یک مفهوم بسیار آشنا بوده و تاریخ طولانی کشف پدیده‌ی معروف "حرکت براونی"، ساخت مدل ریاضی و کاربرد آن بسیاری از حوزه‌ها، دنیای علم فیزیک، شیمی، ریاضیات و مالیه را تغییر داده است (Masani<sup>۳</sup>، ۱۹۹۰؛ Nelson<sup>۴</sup>، ۲۰۰۱). حرکت براونی، نامی است که به حرکت نامنظم گردد گیاهان که در آن معلق هستند داده شده است. رابرت براون، گیاه شناس معروف انگلیسی برای نخستین بار در سال ۱۸۲۸ با مشاهده این حرکت، به اهمیت آن در مطالعه ذرات معلق میکروسکوپی پی برد، ولی نتوانست علت و قانون آن را بیابد (Mazo<sup>۵</sup>، ۲۰۰۲؛ Haw<sup>۶</sup>، ۲۰۰۲). نخستین مدل ریاضی براونی در رساله دکتری ریاضی «باچلیر» در سال ۱۹۰۰ و برای یک مدل اقتصادی مطرح شد. پس از آن وینر<sup>۷</sup>، ریاضیدان برجسته و نابغه قرن ۲۰ در سال ۱۹۱۸ مدل ریاضی این حرکت را بررسی کرد که منجر به پیدایش رشته آنالیز تابعی و فضاهای «باناخ» شد. حرکت براونی، یک فرایند تصادفی است که مسیرهای پیوسته داشته و مشتق آن در هیچ نقطه‌ای وجود ندارد. امروزه حرکت براونی از مطالعه ذرات معلق میکروسکوپی بسیار فراتر رفته و شامل مدل سازی قیمت‌های سهام، ضریب حرارتی در مدارهای الکتریکی، برخی حالتهای حدی در سیستم‌های صفحه و موجودی و اختلالات تصادفی در انواع دیگری از سیستم‌های فیزیکی، زیستی، اقتصادی و مدیریت شده است.

1. Chicago Mercantile Exchange (CME) Group Website :(<http://www.cmegroup.com/>09/02/2014).

2. Energy Information Administration (EIA) Web Page :(<http://tonto.eia.gov/dnav/ng/hist/rngwhhda.htm>/10/17/2014).

3. Masani

4. Nelson

5. Mazo

6. Haw

7. Wiener

ازبورن<sup>۱</sup> (۱۹۷۲) نیز فیزیکدانی بود که از این مفهوم جهت بازار سهام بهره گرفت. حرکت براونی از آن پس بطور عمومی تری مورد قبول واقع شد، چراکه امروزه می‌توان آن را بعنوان یک مدل عملی ریاضیاتی درنظر گرفت. مفهوم تلویحی موجود در مدل GBM آن است که قیمتها از یک فرایند "گام تصادفی" تبعیت می‌کنند. پس از او، ساموئلсон<sup>۲</sup> (۱۹۶۵) این یافته‌ی باچلیر را اثبات و نسبت به بسط و اصلاح آن اقدام نمود. از آنجا که جهت و شدت سرعت حرکت براونی بطور ثابت تغییر می‌کند، از این رو سرعت واقعی آن بطور مستقیم قابل اندازه‌گیری نیست (پرین<sup>۳</sup>، ۱۹۱۰). در اوایل قرن بیستم، حرکت براونی توسط بسیاری از دانشمندان و محققین، به عنوان یک پدیده‌ی فیزیکی مورد مطالعه قرار گرفت (ماندرکار و مسانی<sup>۴</sup>، ۱۹۹۴)؛ به طوری که، اینشتین<sup>۵</sup> در سال ۱۹۰۵ اعلت این حرکت را بباران دانه‌های گرده از سوی ملکول های مایع معرفی کرد. او از هر دو نظریه ملکولی گرما و نظریه ماکروسکوپی پراکندگی و اتلاف<sup>۶</sup> جهت حرکت براونی استفاده کرد و به اولین نظریه قابل آزمون حرکت براونی با معیاری درست دست یافت (چالمرز<sup>۷</sup>، ۲۰۰۵). با استفاده از یک روش آماری و با درنظر گرفتن فشار اسمزی<sup>۸</sup> به عنوان نیروی محركه‌ی انتشار، اینشتین پیش‌بینی کرد که یک ذره‌ی براونی با توجه به معادله‌ی زیر منتشر و پخش خواهد شد (انشتین، ۱۹۵۶):

$$E(D^2) = \frac{RT}{N} \frac{1}{6\pi\eta P} t \quad (1)$$

در معادله‌ی فوق،  $E(D^2)$  عبارت از مربع میانگین تغییر مکان ذره، R ثابت ایده‌آل گاز، T دمای مطلق، N ثابت جهانی آووگادرو<sup>۹</sup>،  $\eta$  میزان چسبناکی مایع، P اندازه‌ی ذره، و t

1. Osborne
2. Samuelson
3. Perrin
4. Mandrekar & Masani
5. Einstein
6. The Macroscopic Theory of Dissipation
7. Chalmers
8. Osmotic Pressure
9. Universal Constant-Avogadro's Constant

زمان است. میزان جابجایی به صورت "طول مسیر مستقیم بخشی است که نقطه‌ی انحراف را از نقطه‌ی ورود جدا می‌کند" (پرین، ۱۹۱۰). رابطه‌ی ۱، نشان می‌دهد که میزان جابجایی ذره‌ی براوونی بصورت خطی همراه با زمان افزایش نمی‌یابد. نتایجی که او از قانون هدایت کننده‌ی حرکت براوونی بدست آورد توانست به اثبات وجود ملکول‌ها و اتم‌ها کمک کند (ساچل و همکاران<sup>۱</sup>، ۱۹۸۹؛ حرکت براوونی، ۲۰۰۵ ؛ هاو، ۲۰۰۵). پس از این‌شن ریاضیدانان، علاقمند به مطالعه‌ی "خصوصیات ریاضیاتی" منحنی بدست آمده از حرکت براوونی و نیز دستیابی به منحنی‌های پیوسته‌ی دیفرانسیل‌ناپذیر از حرکت ذرات براوونی شدند (جریسون و همکاران<sup>۲</sup>، ۱۹۹۷). در سال ۱۹۲۰، ریاضیدان آمریکایی، نوربرت وینر در دانشگاه MIT بر روی حرکت براوونی شروع به کار نمود. وینر مشکل اندازه‌گیری حرکت ذرات براوونی را حل کرد (که به آن معیار وینر<sup>۳</sup> می‌گویند) و مبنای ریاضیاتی محکمی از حرکت استاندارد براوونی را ارائه داد. این مدل استاندارد حرکت براوونی را همچنین به افتخار تلاشی که وینر انجام داد، فرایند وینر نیز می‌نامند. مدل ریاضیاتی وینر برای حرکت فیزیکی براوونی، یکی از دستاوردهای مهم قرن بیستم در علم ریاضیات بوده است (مسانی، ۱۹۹۰؛ جریسون و همکاران، ۱۹۹۷).

### ۳-۲. مدل قیمتی حرکت براوونی هندسی (GBM)

در سال ۱۹۷۳، فیشر بلک، مایرون شولز و رابرт مرتون مدلی را برای قیمت‌گذاری قراردادهای اختیار سهام به نام مدل بلک-شولز ارائه دادند (هال<sup>۴</sup>، ۲۰۰۰). در مدل قیمت‌گذاری اختیار بلک-شولز، قیمت‌های سهام با استفاده از مدل حرکت براوونی هندسی توصیف شد (بلک و شولز، ۱۹۷۳). ارائه‌ی مدل قیمت‌گذاری اختیار توسط بلک، شولز و مرتون، عصر جدیدی از قراردادهای مشتقه‌ی اوراق بهادر آغاز شد. به موجب این تلاش،

- 
1. Stachel et al.
  2. Jerison et al.
  3. Wiener Measure
  4. Hull

شولز و مرتون برنده‌ی جایزه‌ی نوبل علم اقتصاد در سال ۱۹۷۷ شدند. از نظر ریاضیات، فرایند وینر دارای سه ویژگی مهم می‌باشد (دکزیت و پندایک، ۱۹۹۴):

**ویژگی (۱):** فرایند وینر یک فرایند مارکوف است: فرایند مارکوف، فرایندی تصادفی است که بموجب آن توزیع احتمال کلیه‌ی مقادیر آتی در هر زمانی از فرایند، تنها وابسته به مقدار جاری یا فعلی آن است.

**ویژگی (۲):** فرایند وینر دارای نموهای مستقل در طول فواصل زمانی متفاوت یا فواصل زمانی ناهمپوشانی<sup>۱</sup> است: با این ویژگی، توزیع  $dW$ ‌ها برای هر دو فاصله‌ی زمانی متفاوت، از هم مستقلند. یعنی، اگر  $0 \leq s < t \leq u < v$ ، آنگاه  $(W_v - W_u)$  و  $(W_t - W_s)$  متغیرهای تصادفی مستقل از هم هستند. نتایج مشابه را می‌توان برای بیش از دو فاصله‌ی زمانی غیرمشترک نیز بدست آورد.

**ویژگی (۳):** تغییر در فرایند وینر بطور نرمال توزیع شده است: در هر فاصله‌ی زمانی  $dt$ ، میانگین تغییر ( $dw$ ) صفر و واریانس تغییر برابر با  $dt$  می‌باشد. واریانس تغییر، متناسب با طول فاصله‌ی زمانی است؛ یعنی:

$$E(dw) = 0 \quad (2)$$

$$Var(dw) = dt \quad (3)$$

به عبارت دیگر،

$$dw \sim N(0, \sqrt{dt}) \quad (4)$$

یا، اگر  $t > s > 0$ ، آنگاه:

$$(W_t - W_s) \sim N(0, \sqrt{(t-s)}) \quad (5)$$

فرایند وینر را همچنین می‌توان به صورت زیر بیان کرد:

$$dw = \varepsilon \sqrt{dt} \quad (6)$$

---

1. non-overlapping

۲۱ □ تخمین قیمت‌های نقدی روزانه‌ی گاز طبیعی با استفاده ...

که  $\epsilon = N(0,1)$  دارای توزیع نرمال با میانگین صفر و انحراف استاندارد معادل ۱ می‌باشد.

حرکت براونی هندسی به وسیله‌ی افزایش جمله‌ی رانش  $\mu dt$  به عنوان بخش معین و پارامتر واریانس  $\sigma$  جهت تعدیل واریانس بر اساس فرایند وینر ساخته شده است. یعنی، مدل GBM عبارت از مجموع یک جزء معین و حرکت براونی ایشتمن  $\sigma dW$  (واریانس  $P$  برابر با  $\sigma^2 dt$ ) است. مدل قیمتی GBM را می‌توان به کمک فرمول زیر بیان کرد: اگر قیمت سهام در زمان  $t$  باشد، در این صورت:

$$dP = \mu P dt + \sigma P dW \quad (7)$$

با توجه به معادله‌ی فوق، بازده قیمتی در هر دو شکل تغییر درصدی قیمت و بازده لگاریتمی قیمت را می‌توان به صورت زیر بیان کرد. اول اینکه، از معادله‌ی (7) می‌توان به رابطه‌ی زیر رسید:

$$\frac{dP}{P} = \mu dt + \sigma dW \quad (8)$$

در طول هر گونه فاصله‌ی زمانی از  $dt$ ، عبارت  $\frac{dP}{P}$  با میانگین و واریانس زیر، بطور نرمال توزیع شده است:

$$E\left(\frac{dP}{P}\right) = \mu dt \quad (9)$$

$$Var\left(\frac{dP}{P}\right) = \sigma^2 dt \quad (10)$$

یعنی،

$$\frac{dP}{P} \sim N(\mu dt, \sigma \sqrt{dt}) \quad (11)$$

دوم اینکه، وقتی GBM به شکل تفاضل لگاریتمی یا بازده لگاریتمی قیمت باشد، در این صورت می‌توان نوشت:

$$F = \ln P \quad (12)$$

$$dP = \mu P dt + \sigma P dW \quad (13)$$

با استفاده از قضیه‌ی ایتو،

$$dF = \frac{\partial F}{\partial t} dt + \frac{\partial F}{\partial P} dP + \frac{1}{2} \frac{\partial^2 F}{\partial P^2} (dP)^2 \quad (14)$$

$$(dP)^2 = \sigma^2 P^2 dt \quad (15)$$

می‌توان نوشت:

$$dF = \left[ \frac{\partial F}{\partial t} + \mu P \frac{\partial F}{\partial P} \frac{1}{2} \sigma^2 P^2 \frac{\partial^2 F}{\partial P^2} \right] dt + \sigma P \frac{\partial F}{\partial P} dW \quad (16)$$

از آنجا که

$$\frac{\partial F}{\partial t} = 0 \quad \text{و} \quad \frac{\partial F}{\partial P} = \frac{1}{P} \quad \text{و} \quad E(dLnP) = \mu t$$

آنگاه،

$$dF = dLnP = \left( \mu - \frac{1}{2} \sigma^2 \right) dt + \sigma dW \quad (17)$$

باید توجه داشت که  $\mu$  و  $\sigma$  مورد استفاده در  $dt$ ، ثابت درنظر گرفته می‌شوند. همچنین  $N(0,1)$  نیز دارای توزیع نرمال با میانگین صفر و انحراف استاندارد ۱ است. در عبارات فوق،  $W$  را فرایند وینر یا حرکت استاندارد براونی نامند.

$$\frac{dP}{P} \sim N(\mu dt, \sigma \sqrt{dt})$$

$$E\left(\frac{dP}{P}\right) = \mu dt$$

$$Var\left(\frac{dP}{P}\right) = \sigma^2 dt$$

$$\frac{dP}{P} = \mu dt + \sigma dW$$

سوم این که، از زمان ۰ تا  $T$ ، مقدار تغییر در  $LnP$  عبارت است از:

$$LnP_T - LnP_0 \sim N\left[\left(\mu - \frac{\sigma^2}{2}\right)T, \sigma \sqrt{T}\right] \quad (18)$$

یعنی،

$$LnP_T \sim N\left[ LnP_0 + \left( \mu - \frac{\sigma^2}{2} \right)T, \sigma\sqrt{T} \right] \quad (19)$$

معادله‌ی فوق نشان می‌دهد با فرض وجود قیمتی در امروز، قیمت در زمان  $T$  بطور نرمال لگاریتمی توزیع شده است. در زمان محدود  $T$ ، قیمت دارای میانگین (۲۰) و واریانس (۲۱) می‌باشد:

$$E(P_T) = P_0 EXP(\mu T) \quad (20)$$

$$Var(P_T) = P_0^2 EXP(2\mu T) [EXP(\sigma^2 T) - 1] \quad (21)$$

#### ۴-۴. تخمین پارامترهای مدل قیمتی حرکت هندسی براونی

با توجه به اشکال قیمتی روابط (۷)، (۸) و (۱۷) واضح است، مادامی که پارامترهای  $\mu$  و  $\sigma$  معلوم باشند، می‌توان توزیع احتمال قیمت در آینده را پیش‌بینی کرد. رابطه‌ی تخمین پارامترهای موجود در مدل GBM با استفاده از داده‌های قیمت تاریخی را می‌توان به شکل زیر بدست آورد:

$$dLnP = \left( \mu - \frac{\sigma^2}{2} \right) dt + \sigma dW \quad (22)$$

$$(dLnP)^2 = \left[ \left( \mu - \frac{\sigma^2}{2} \right) dt \right]^2 + (\sigma dW)^2 + 2\left( \mu - \frac{\sigma^2}{2} \right) dt \sigma dW \quad (23)$$

$$\begin{aligned} E(dLnP) &= E\left[ \left( \mu - \frac{\sigma^2}{2} \right) dt \right] + E[\sigma dW] = \left( \mu - \frac{\sigma^2}{2} \right) dt + E(\sigma \varepsilon \sqrt{dt}) = \left( \mu - \frac{\sigma^2}{2} \right) dt + \sigma \sqrt{dt} E(\varepsilon) \\ &= \left( \mu - \frac{\sigma^2}{2} \right) dt + 0 = \left( \mu - \frac{\sigma^2}{2} \right) dt = \psi dt \end{aligned} \quad (24)$$

$$\psi = \frac{E(dLnP)}{dt} \quad (25)$$

$$\mu = \psi + \frac{\sigma^2}{2} \quad (26)$$

$$Var(dLnP) = E(dLnP)^2 - E^2(dLnP) = \left[ (\mu - \frac{\sigma^2}{2})dt \right]^2 + \sigma^2 dt E(\varepsilon)^2 + 0 - \left[ (\mu - \frac{\sigma^2}{2})dt \right]^2 = \sigma^2 dt \quad (27)$$

آنگاه،

$$\sigma^2 = \frac{Var(dLnP)}{dt} \quad (28)$$

یا

$$\sigma = \sqrt{\frac{Var(dLnP)}{dt}} \quad (29)$$

معادلات (۱۹)، (۲۵) و (۲۶) را می‌توان جهت تخمین دو پارامتر مدل GBM مورد استفاده قرار داد؛ با توجه به روابط (۸)، (۹) و (۱۰) می‌توان نوشت:

$$\mu = \frac{E(\frac{dP}{P})}{dt} \quad (30)$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{Var(\frac{dP}{P})}{dt}} \quad (31)$$

معادلات (۳۰) و (۳۱) را نیز می‌توان جهت تخمین پارامترهای مدل GBM مورد استفاده قرار داد.

با استفاده از شبیه‌سازی مونت کارلو، می‌توان پیش‌بینی قیمت‌ها را انجام داد. بدین منظور، به کمک شکل پیوسته‌ی مدل قیمتی GBM در رابطه‌ی (۱۷)، شکل گسسه‌آن به صورت زیر است:

$$\Delta LnP = \left( \mu - \frac{\sigma^2}{2} \right) \Delta t + \sigma \varepsilon \sqrt{\Delta t} \quad (32)$$

لذا:

$$LnP_{t+\Delta t} - LnP_t = \left( \mu - \frac{\sigma^2}{2} \right) \Delta t + \sigma \varepsilon \sqrt{\Delta t} \quad (33)$$

بنابراین، رابطه‌ی پیش‌بینی قیمت بدین صورت قابل بیان است:

$$P_{t+\Delta t} = P_t \exp \left[ (\mu - \frac{\sigma^2}{2})\Delta t + \sigma \varepsilon \sqrt{\Delta t} \right] \quad (34)$$

با وجود قیمت گاز طبیعی در زمان  $t$ ، توزیع قیمت گاز در زمان  $t + \Delta t$  را می‌توان از رابطه‌ی (۳۴) بدست آورد. در رابطه‌ی مذکور،  $\mu$  دارای توزیع نرمال استاندارد با میانگین صفر و واریانس ۱ می‌باشد. باید توجه داشت که شیوه‌سازی مونت کارلو در ابتدا در سال ۱۹۷۷ توسط بویل<sup>۱</sup> معرفی شد که استقلال نرخ همگرایی آن از تعداد تکرارهای اجرای مدل، از جمله مزایای آن است.

## ۵-۲. معیارهای ارزیابی عملکرد پیش‌بینی

در این مطالعه، به جهت ارزیابی توانمندی مدل و مقایسه‌ی بین سری‌های پیش‌بینی متعددی که با پارامترهای مختلف  $\mu$  و  $\sigma$  در زیردوره‌ها و مقیاس‌های مختلف اجرا شده‌اند، از معیارهای ارزیابی عملکرد نش-ساتکلیف<sup>۲</sup> (Ens)، جذر میانگین مربعات خطای<sup>۳</sup> (RMSE) و ضریب نابرابری تایل (Theil-U) استفاده شده است:

$$E_{ns} = 1 - \frac{\sum_{i=1}^n (RP_i - FP_i)^2}{\sum_{i=1}^n (RP_i - \bar{RP})^2} \quad (35)$$

$$RMSE = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (RP_i - FP_i)^2}{n}} \quad (36)$$

$$Theil-U = \frac{\sqrt{\frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^n (RP_i - FP_i)^2}}{\sqrt{\frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^n FP_i^2} + \sqrt{\frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^n RP_i^2}} \quad (37)$$

1. Boyle
2. Nash-Sutcliffe
3. Root-Mean-Square-Error

در سه رابطه‌ی فوق،  $RP$ : قیمت واقعی،  $FP$ : قیمت پیش‌بینی شده،  $n$ : تعداد گام زمانی یا همان تعداد مشاهدات و  $\bar{RP}$  میانگین قیمت‌های واقعی است. معیار نش-ساتکلیف دامنه‌ی  $\infty$  - تا ۱ را دربرمی‌گیرد. اگر جواب رابطه‌ی (۳۵) برابر ۱ شود، نشان از همخوانی عالی خروجی مدل با داده‌های پیش‌بینی شده دارد. اگر جواب معادله صفر شود نشان می‌دهد که پیش‌بینی‌های مدل دارای دقیقیت برابر میانگین داده‌های واقعی هستند. مقدار معیار کمتر از صفر زمانی بدست می‌آید که واریانس باقیمانده (صورت کسر) از واریانس داده‌ها (محخرج کسر) بیشتر است، یعنی میانگین داده‌های واقعی پیش‌گویی بهتری از مدل را بدست می‌دهند. لذا هرچه عدد حاصل از رابطه‌ی (۳۵) به یک نزدیکتر باشد، مدل دقیق‌تر عمل کرده است. معیار RMSE، جهت اندازه‌گیری تفاوت بین مقادیر پیش‌بینی شده توسط مدل و مقادیر واقعی استفاده می‌شود که هرچه کمتر باشد بیانگر دقت بیشتر مدل است. معیار تایل نیز در بازه‌ی صفر تا ۱ تغییر کرده که هرچه به یک نزدیکتر، دقت مدل پایین‌تر و اگر نزدیک صفر باشد، بیانگر دقت بالای مدل است.

### ۳. بحث و نتایج

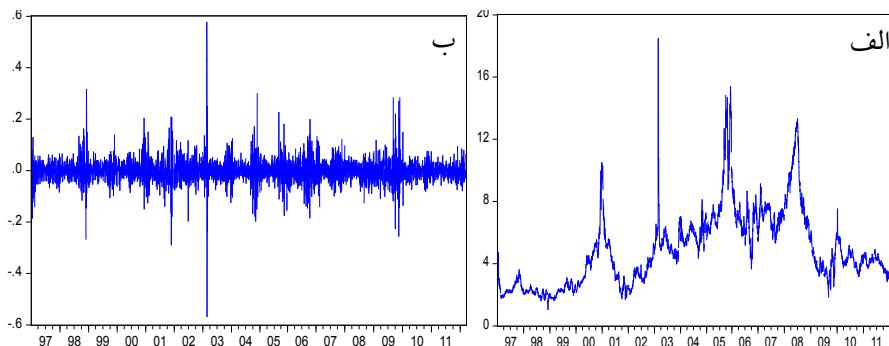
در این بخش، ابتدا مروری بر خصوصیات آماری قیمت‌های نقدی روزانه گاز طبیعی و نیز بازده لگاریتمی آن صورت گرفته سپس به محاسبه و تحلیل پارامترهای مورد نیاز جهت مدل حرکت هندسی براوونی و در نهایت مدلسازی و پیش‌بینی قیمت پرداخته می‌شود.

#### ۳-۱. تحلیل آماری تاریخی نقدی روزانه گاز طبیعی

به منظور فهم و شناخت رفتار قیمت نقدی گاز طبیعی، این مقاله به بررسی قیمت تاریخی نقدی روزانه از طریق لگاریتم قیمت‌های نقدی ( $\ln P_t$ ) و تفاضل لگاریتمی قیمت نقدی ( $D\ln P_t = \ln P_t - \ln P_{t-1}$ ) یا همان بازده ناخالص<sup>۱</sup> می‌پردازد. شکل (۱-الف)، نمودار قیمت نقدی روزانه گاز طبیعی و شکل (۱-ب) نیز تفاضل لگاریتمی قیمت نقدی روزانه را نشان می‌دهد.

---

1. Gross Return or Log Return



شکل ۱. نمودار (الف) قیمت (mmBtu/\$) و (ب) تفاضل لگاریتمی قیمت نقدی روزانه گاز طبیعی از ۲۰۱۱/۱۲/۲۰ تا ۱۹۹۷/۰۱/۰۷

منبع: داده‌های تحقیق

با توجه به نتایج جدول ۱، شاخص چولگی یا میزان تقارن بیانگر وجود چولگی مثبت در داده‌های قیمت، لگاریتم قیمت و تفاضل لگاریتمی یا بازده لگاریتمی و نیز وجود چولگی منفی در داده‌های تغییرات درصدی قیمت می‌باشد. معیار کشیدگی که شاخصی از پخی داده‌هاست، نشان می‌دهد که توزیع قیمت، تفاضل لگاریتمی و تغییرات درصدی قیمت دارای دنباله ضخیم‌تر از نرمال مقادیر حدی بیشتر و اصطلاحاً کشیدگی مازاد<sup>۱</sup> و داده‌های لگاریتم قیمت دارای توزیع پهن‌تر از نرمال<sup>۲</sup> می‌باشد. همچنین باید توجه داشت که مقادیر کشیدگی مثبت بیانگر آن است که توزیع‌های مورد نظر دارای پیک‌های تیزتر، شانه‌های باریک‌تر و دنباله‌های ضخیم‌تر از توزیع نرمال هستند. بعلاوه، با مشاهده داده‌های جدول فوق مشخص است که مقادیر انحراف استاندارد، چولگی و کشیدگی قیمت گاز طبیعی تقریباً بزرگ است و از این رو بررسی رفتار آن دشوار است. اما پس از لگاریتم گیری از قیمت، مقادیر انحراف استاندارد، چولگی و کشیدگی بطور معنی‌داری کاهش می‌یابند. بنابراین، از لگاریتم قیمت بجای داده‌های خام قیمت نقدی در کالیبراسیون

1. Leptokurtic  
2. Platykurtic

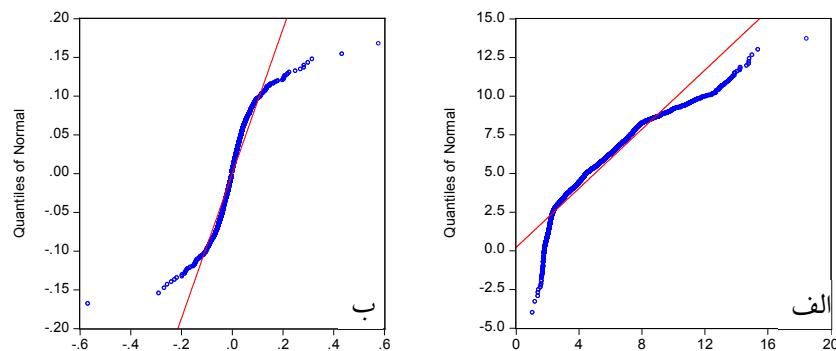
مدل بهره گرفته خواهد شد و بازده لگاریتمی به عنوان آماره‌ی اصلی در تحلیل‌ها مورد استفاده خواهد بود.

**جدول ۱. خصوصیات آماری داده‌های قیمت، لگاریتم قیمت، تغییرات درصدی و تفاضل لگاریتمی قیمت نقدی روزانه گاز طبیعی**

میانگین	میانه	حداکثر	حداقل	انحراف استاندارد	چولگی	کشیدگی
۴/۸۵۳۶	۴/۳۹۰۰	۱۸/۴۸۰۰	۱/۰۵۰۰	۲/۴۲۵۷	۱/۱۴۰۷	۴/۶۷۹۳
۱/۴۶۰۸	۱/۴۷۹۳	۲/۹۱۶۶	۰/۰۴۸۷	۰/۴۹۰۴	۰/۰۱۴۴	۲/۲۵۲۷
-۰/۱۱۹۸	۰/۰۰۰۰	۴۳/۸۲۳۰	-۷۶/۵۰۴۳	۴/۶۰۸۲	-۱/۰۷۴۳	۳۰/۷۰۰۲
-۰/۰۰۰۱	۰/۰۰۰۰	۰/۵۷۶۶	-۰/۰۵۶۸۱	۰/۰۴۵۹	۰/۴۹۳۷	۲۲/۶۹۰۳

منبع: یافته‌های تحقیق

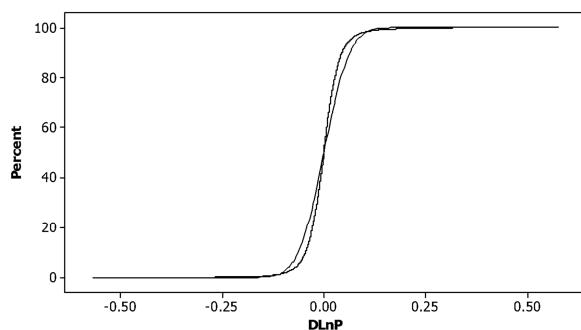
خاطرنشان می‌شود که فهم خصوصیات توزیع متغیرهای مورد بررسی، در مدلسازی هرگونه فرایند تصادفی از اهمیت زیادی برخوردار است. در حقیقت، روش‌های مدلسازی، تخمین پارامترهای مدل و نهایتاً آزمون مدل، همه براساس انتخاب توزیع‌های مناسب هستند. به عنوان یک اصل، اگر توزیع مدل بطور آشکار متفاوت از موارد تجربی باشد، بمنظور دستیابی به توافق و هماهنگی بهتر باید نسبت به اصلاح مدل اقدام ورزید. طبق یک فرضیه‌ی مشهور، بازده لگاریتمی قیمت انواع کالاهای انرژی معمولاً از توزیع نرمال تبعیت نمی‌کند. اما این فرضیه‌ی نرماتی باید به‌دقت مورد بررسی واقع شود. با توجه به خصوصیات آماری متغیرها در بخش قبل، ملاحظه می‌شود که چولگی و کشیدگی بازده‌های لگاریتمی بزرگ‌تر از توزیع نرمال می‌باشند. بنابراین، فرضیه‌ی صفر مبنی بر اینکه بازده لگاریتمی از توزیع نرمال تبعیت می‌کند را باید بطور جدی مورد آزمون قرار داد. در این خصوص، ابتدا نمودار Q-Q Plot جهت سری قیمت‌های گاز (۲-الف) و نیز بازده لگاریتمی (۲-ب) رسم می‌شود؛ ملاحظه می‌شود که مقادیر بالا و پایین موجود در دنباله‌ها از خط مرجعی که مطابق با توزیع نرمال است، منحرف گشته‌اند و بیانگر آن است که این توزیع‌ها نرمال نمی‌باشند.



شکل ۲. نمودار کوانتیل‌های (الف) قیمت و (ب) تفاضل لگاریتمی قیمت نقدی روزانه گاز طبیعی در بازه‌ی مطالعاتی

منبع: داده‌های تحقیق

در شکل ۳ نیز نمودار تابع توزیع احتمال تجمعی ( $c.d.f^1$ ) جهت بازده لگاریتمی در مقابل تابع توزیع احتمال تجمعی نرمال ارائه شده است. ملاحظه می‌شود که توزیع بازده لگاریتمی تقریباً دارای دنباله‌ی ضخیم می‌باشد، این مسئله را از مقدار شاخص کشیدگی نیز می‌توان استنباط کرد. همانگونه که ایدلندو ولی‌نیس<sup>۲</sup> (۲۰۰۳) بیان کرده‌اند، کشیدگی توزیع قیمت‌های انرژی از جمله دلایل اصلی نرمال نبودن آنها است اگرچه این مسئله در مورد چولگی نیز مصدق دارد.



شکل ۳. نمودار تابع توزیع تجمعی بازده لگاریتمی قیمت گاز در مقابل تابع توزیع تجمعی نرمال

<sup>1</sup>. Cumulative Distribution Function

<sup>2</sup>. Eydeland & Wolyniec

آزمون معروف جارک-برا<sup>۱</sup> (و مقدار p-value مربوطه) که با استفاده از دو معیار کشیدگی و چولگی به بررسی نرمال بودن سری مورد نظر می‌پردازد، حاکمی از آن است که چهار سری مورد نظر دارای توزیع نرمال نیستند. از سوی دیگر، نتیجه‌ی آزمون کولموگروف-اسمیرنوف<sup>۲</sup> (KS) نیز تأییدی بر این مدعای است (جدول ۲).

جدول ۲. آماره‌های قیمت، لگاریتم قیمت، تغییرات درصدی و تفاضل لگاریتمی قیمت نقدی روزانه گاز طبیعی

احتمال اسمیرنوف	کولموگروف-اسمیرنوف	احتمال جارک-برا	کشیدگی جارک-برا	چولگی	P
۰/۰۱۰۰	۰/۰۹۳۰	۰/۰۰۰۰	۱۲۷۱/۱۱۲۰	۴/۶۷۹۳	۱/۱۴۰۷
۰/۰۱۰۰	۰/۰۶۱۰	۰/۰۰۰۰	۸۸/۶۱۹۴	۲/۲۵۲۷	۰/۰۱۴۴
۰/۰۱۰۰	۰/۰۷۸۰	۰/۰۰۰۰	۱۲۲۳۱۷/۳۰۰۰	۳۰/۷۰۰۲	-۱/۰۷۴۳
۰/۰۱۰۰	۰/۰۸۱	۰/۰۰۰۰	۶۱۵۷۴/۲۲۰۰	۲۲/۶۹۰۳	۰/۴۹۳۷

منبع: یافه‌های تحقیق

از جدول فوق مشخص است که مقدار جارک-برا برای بازده لگاریتمی بسیار بالاست و مقادیر P-Value مربوط به همه‌ی سری‌ها نیز از سطح اطمینان ۵٪ کمتر و دلیلی بر رد فرضیه‌ی نرمالیتی می‌باشند. لذا نتیجه‌ی می‌گیریم که بازده لگاریتمی قیمت نقدی روزانه گاز طبیعی دارای توزیع نرمال نمی‌باشد.

### ۳-۲. تخمین پارامترهای $\mu$ و $\sigma$ به دو روش پیشرو و پسرو

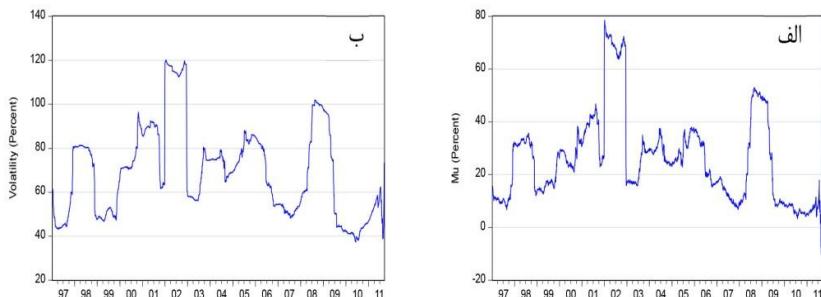
همانظور که در بخش قبل ذکر شد، داده‌های تاریخی قیمت‌های نقدی روزانه گاز طبیعی متلاطم بوده و از این‌رو امکان تقسیم داده‌ها به چند زیردوره و نیز لحاظ مقیاس‌ها و بازه‌های مختلف زمانی وجود دارد. شکل ۱ نیز نشان می‌دهد که بازده لگاریتمی قیمت‌ها پایدارتر از خود قیمت‌ها هستند. از این‌رو، در این بخش سعی شده تا مقادیر پارامترهای  $\mu$  و  $\sigma$  به عنوان دو پارامتر اصلی مورد نیاز جهت مدل GBM در بازه‌ها و زیردوره‌های مختلف زمانی داده‌های مورد مطالعه (۱۹۹۷-۲۰۱۲) به دو روش پیشرو و پسرو تخمین زده شوند. قیمت بسیاری از کالاهای

<sup>1</sup>. Jarque-Bera

<sup>2</sup>. Kolmogorov-Smirnov

مانند گاز طبیعی گرایش به تلاطم دارد و خود تلاطم نیز در طول زمان تغییر می‌کند (پنداشک<sup>۱</sup>، ۲۰۰۴). تلاطم، وجه مشخصه‌ی ثابت یک کالای انرژی است و به صورت درصد سالیانه بیان گشته و یا نگار پایداری قیمت کالاست. شایع‌ترین روش مورد استفاده در محاسبه‌ی تلاطم قیمت کالاهای انرژی عبارت از انحراف استاندارد بازده قیمت است. این روش نسبتاً استاندارد است. لذا پس از محاسبه‌ی تلاطم باید به این موضوع پرداخت که آیا درست است تنها از یک مجموعه داده‌ی سری زمانی جهت محاسبه‌ی این پارامترها استفاده شود؟ در بخش بعد به این سؤال پاسخ داده خواهد شد.

**۱-۲-۳. تخمین پارامترهای  $\mu$  و  $\sigma$  به روش پیشرو به کمک داده‌های گروهی با اندازه ثابت**  
 منظور از اندازه‌ی گروه، عبارت از داده‌های قیمتی پیوسته است که در محاسبه‌ی پارامترهای مدل GBM از آنها استفاده می‌شود. یکی از گروههای قیمتی با اندازه‌ی ثابت، گروه ۲۵۲ روزه (سال تجاری) می‌باشد. به عبارت دیگر، پارامترها اولین بار با استفاده از اولین ۲۵۲ داده‌ی قیمتی پیوسته‌ی روزانه در بازه‌ی مورد مطالعه ( $1997/01/07$  تا  $2012/03/20$ ) و سپس به کمک دومین ۲۵۲ داده که از  $1997/01/08$  شروع شده، و بهمین ترتیب الى آخر، محاسبه می‌شوند. بدین ترتیب، تغییرات و روند موجود در پارامترها در گذشته به حساب آمده و می‌توان آن را تحلیل کرد.



شکل ۴. مقادیر  $\mu$  و  $\sigma$  محاسبه شده در دوره‌ی مورد مطالعه (اندازه گروه = ۲۵۲ روز)

منبع: یافته‌های تحقیق

شکل (۴-الف) نشان می‌دهد که در طول ۱۵ سال گذشته، مقدار  $\mu$  در حول و حوش  $\pm 27\%$  پیوسته در نوسان بوده و حداقل و حداقل مقدار آن نیز به ترتیب  $\pm 78\%$  و  $\pm 2\%$  می‌باشد؛ در شکل (۴-

<sup>۱</sup>. Pindyck

ب) نیز مشخص است که مقادیر  $\sigma$  در طول سه سال آخر دوره‌ی مورد مطالعه نسبت به شش سال قبل از آن کمتر بوده و بازه‌ی تغییرات آن در کل دوره بین ۱۴٪ تا ۱۲۰٪ در نوسان بود. بیشترین میزان آن نیز در نتیجه‌ی بروز جبهه‌ی هوای سرد در فوریه‌ی ۲۰۰۳ رخ داد. جدول ۳، به ارائه‌ی خصوصیات آماری دو پارامتر فوق می‌پردازد.

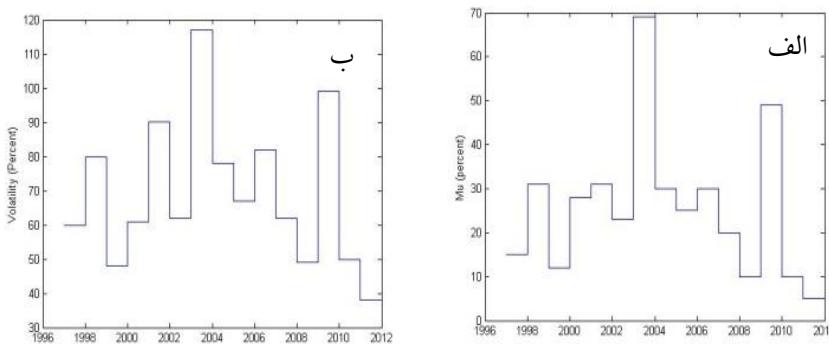
**جدول ۳. خصوصیات آماری پارامترهای  $\mu$  و  $\sigma$  در دوره‌ی مورد مطالعه (اندازه گروه = ۲۵۲ روز)**

میانگین	میانه	حداکثر	حداقل	انحراف استاندارد	چوکی	کشیدگی
۱/۰۲۰۶	۱/۱۲۲۱	.۱/۱۶۲۰	٪-۱/۷۹	٪۷۸/۵۳	.۰/۲۵۷۰	٪۲۷/۳۴
-۰/۳۵۷۵	.۰/۴۸۴۷	.۰/۲۰۵۷	٪۱۳/۹۴	٪۱۲۰/۲۰	.۰/۷۱۱۱	٪۷۰/۶۶

منبع: یافته‌های تحقیق

### ۲-۲-۳. تخمین پارامترهای $\mu$ و $\sigma$ به روش پیشرو به کمک داده‌های هر سال و زیر دوره‌های مختلف

مقادیر پارامترهای  $\mu$  و  $\sigma$  را همچنین می‌توان با استفاده از داده‌های تاریخی روزانه‌ی قیمت‌های نقدی گاز طبیعی از ۱۹۹۷ تا ۲۰۱۲، برای هرسال بطور مجزا محاسبه نمود. شکل ۵، مقادیر  $\mu$  و  $\sigma$  محاسبه شده برای هر سال و نیز چگونگی تغییرات آنها را از سالی به سال دیگر نشان می‌دهد.



**شکل ۵. مقادیر  $\mu$  و  $\sigma$  محاسبه شده جهت داده‌های هر سال دوره‌ی مورد مطالعه**

منبع: یافته‌های تحقیق

با توجه به نتایج جدول ۴، میانگین تغییرات  $^{77}$  در سال‌های مورد مطالعه، تقریباً  $\pm 26\%$  است که تا حدودی مشابه میزان حاصل از داده‌ای گروهی ثابت در بخش قبل می‌باشد و مقادیر حداکثر و حداقل آن نیز به ترتیب،  $70\%$  و  $5\%$  بوده و میانگین تغییرات تلاطم نیز در این دوره تقریباً  $69\%$  و مقادیر حداکثر و حداقل به ترتیب،  $117\%$  و  $39\%$  می‌باشد. ملاحظه می‌گردد که مقدار تلاطم حاصله نیز مشابه نتیجه‌ی قبلی است.

**جدول ۴. خصوصیات آماری پارامترهای  $\mu$  و  $\sigma$  جهت داده‌های هر سال دوره‌ی مورد مطالعه (روش پیشو)**

میانگین	میانه	حداکثر	حداقل	انحراف استاندارد	چو لوگی	کشیدگی
$\mu$	$2/68$	$1/43$	$0/16$	$%5/37$	$%69/90$	$.0/24$
$\sigma$	$0/24$	$0/82$	$0/21$	$%38/89$	$%117/02$	$0/62$

منبع: یافته‌های تحقیق

علاوه، مقادیر پارامترهای  $\mu$  و  $\sigma$  برای زیردوره‌های  $1997-2000$ ،  $2000-2001$ ،  $2004-2005$  و  $2008-2009$  و کل دوره‌ی مطالعاتی  $1997-2012$  نیز بررسی شد (جدول ۵)؛ ملاحظه می‌شود مقادیر تلاطم و  $\mu$  در زیردوره‌ی  $2004-2001$  دارای بیشترین مقدار است. بیشترین مقدار و پس از آن میزان تلاطم در کل دوره دارای بیشترین مقدار است. جهش قیمتی ایجاد شده در زمستان  $2000-2001$  که در پی عوامل فیزیکی بازار پدید آمد و قیمت‌ها به  $10/48$  دلار بر هر میلیون بی‌تی یو رسید و نیز جهش ایجاد شده در فوریه‌ی  $2003$ ، که در نتیجه‌ی نیروهای بازار و بویژه در اثر بروز یک جبهه‌ی سرد هوا ایجاد شد و به دلیل کم شدن تولید چاههای موجود در منطقه‌ی میان‌قاره‌ای که بدنبال آن تقاضا افزایش و عرضه کاهش یافت، و قیمت‌های نقدی به اوج خود برابر با  $18/48$  دلار بر هر میلیون بی‌تی یو رسید، از جمله دلایل بالا بودن میزان تلاطم در زیردوره‌ی  $2004-2009$  می‌باشد (روسر<sup>۱</sup>،  $2001$ ).

جدول ۵. مقادیر پارامترهای  $\mu$  و  $\sigma$  جهت زیردوره‌های مورد مطالعه و کل دوره (روش پیشرو)

۱۹۹۷-۲۰۰۰	۲۰۰۹-۲۰۱۲	۲۰۰۵-۲۰۰۸	۲۰۰۱-۲۰۰۴	۱۹۹۷-۲۰۱۲	$\mu$
%۲۶/۱۹	%۲۰/۹۳	%۲۱/۸۳	%۳۸/۹۹	%۲۲/۰۳	$\mu$
%۷۲/۷۰	%۶۷/۵۰	%۶۶/۲۳	%۱۹/۲۹	%۶۳/۹۶	$\sigma$

منبع: یافته‌های تحقیق

### ۳-۲-۳. تخمین و مقایسه پارامترهای $\mu$ ، $\sigma$ در مقیاس‌های مختلف روزانه، هفتگی و ماهانه به روش پسرو

محاسبه‌ی تلاطم قیمت داده‌های قیمت نقدی گاز طبیعی در بازه‌های زمانی روزانه، هفتگی و ماهانه، به کمک مقادیر قیمت ۱ تا ۱۵۰ روز، هفته و ماه پیش صورت گرفته و نتایج حاصله در جدول ۶ نشان داده شده است؛ مقیاس‌های مذکور با توجه به طول مدت قراردادهای مورد مبادله در بازار نقدی و نیز لحاظ آثار میان مدت و دوره‌ای در این بازار درنظر گرفته شده اند. ملاحظه می‌شود که با افزایش مقیاس‌های زمانی از ۱ روزه به ۱۵۰ روزه، میانگین تلاطم داده‌های روزانه افزایش، مقدار حداقل آن کاهش و مقدار حداقل آن افزایش می‌یابد. میانگین تلاطم داده‌های هفتگی با افزایش مقیاس زمانی از یک هفته تا ۱۵۰ هفته بتدريج افزایش یافته و میزان حداقل آن نیز به ترتیب کاهش و افزایش یافته است. همچنین، در بازه‌ی زمانی ماهانه نیز روند مشابهی وجود دارد. لازم به ذکر است؛ مقادیر حاصله جهت مقیاس ۲۵۲ روز، هفته و ماه بر اساس نتایج حاصل از مقیاس‌های ۱ روز، هفته و ماه بدست آمده که مقادیر تلاطم این مقیاس‌ها به ترتیب بر جذر اعداد ۲۵۲، ۵۲ و ۱۲ تقسیم شده‌اند و مقادیر میانگین تلاطم حاصله در مقیاس ۲۵۲ جهت بازه‌های روزانه، هفتگی، ماهانه و سالانه افزایش یافته است. مقادیر  $\mu$  محاسبه شده نیز تقریباً الگوی مشابهی را در بین مقیاس‌های مختلف نشان می‌دهد. قابل ذکر است که سطح متوسط تلاطم در مقیاس روزانه بیشتر از هفتگی و در هفتگی بیشتر از ماهانه می‌باشد، یعنی با افزایش طول مدت بازه‌ی زمانی، مقادیر تلاطم و  $\mu$  کاهش می‌یابد. همچنین، می‌توان دریافت که مقادیر تلاطم و  $\mu$  کاملاً وابسته به دوره یا مقیاس موردنظر است.

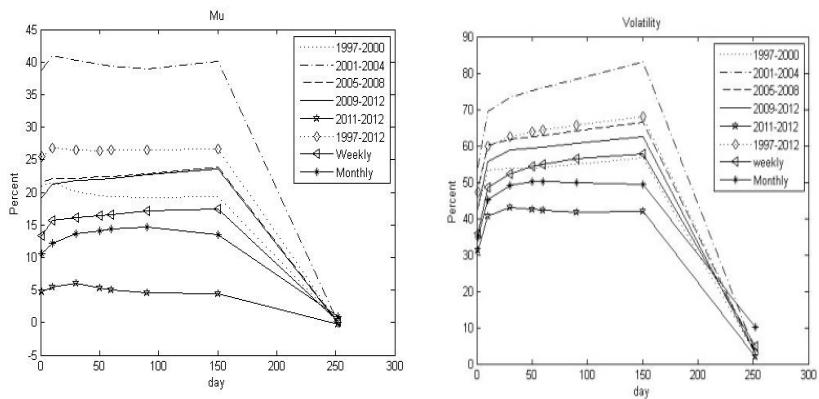
#### ۴-۲-۳. تخمین و مقایسه‌ی پارامترهای $\mu$ ، $\sigma$ جهت داده‌های روزانه در زیر دوره‌های مختلف به روش پرسو

در این بخش، داده‌های مورد مطالعه در زیر دوره‌های ۱۹۹۷-۲۰۰۱، ۲۰۰۰-۲۰۰۱، ۲۰۰۴-۲۰۰۵، ۲۰۰۸-۲۰۰۹ و ۲۰۱۲-۲۰۰۹ و برای هر زیر دوره مقیاس‌های ۱ تا ۱۵۰ روزه (به دلیل اینکه این پژوهش بدنبال بررسی و پیش‌بینی قیمت‌های روزانه است) و نیز مقیاس سالانه لحاظ شده است. بعلاوه، بمنظور بررسی و تعیین دقیق‌تر مقادیر تلاطم و  $\mu$  اخیرترین دوره نیز که ۲۰۱۱-۲۰۱۲ بوده، نیز درنظر گرفته شده است. مقادیر حاصله با مقادیر بدست آمده در کل دوره ۱۹۹۷-۲۰۱۲ مورد مقایسه قرار گرفته‌اند که می‌توان در شکل ۶ مشاهده نمود.

جدول ۶. خصوصیات آماری پارامترهای  $\mu$  و  $\sigma$  در مقیاس‌های مختلف روزانه، هفتگی و ماهانه

زمان	مقیاس	$\mu$				قلاطم	
		حداکثر میانگین	حداقل میانگین	حداکثر حداقل	حداقل		
روزانه	۱	%۲۵/۴۴	%۶۲۱۲/۵۶	%-۲۹۱/۹۴	%۴۷/۲۱	%۱۱۲۴/۳۲	%۰/۰۰
	۱۰	%۲۶/۷۴	%۱۴۶۵/۷۵	%-۵۴/۸۴	%۵۹/۹۲	%۵۳۴/۷۰	%۰/۰۰
	۳۰	%۲۶/۴۵	%۴۸۶/۰۲	%-۱۶/۸۶	%۶۲/۰۳	%۳۰۵/۹۸	%۲۰/۶۶
	۵۰	%۲۶/۴۲	%۲۹۵/۴۲	%-۷/۶۸	%۶۳/۷۳	%۲۴۰/۶۹	%۲۷/۸۴
	۶۰	%۲۶/۴۴	%۲۵۱/۸۲	%-۳/۶۹	%۶۴/۲۷	%۲۱۹/۹۵	%۲۸/۷۷
	۹۰	%۲۶/۴۹	%۱۷۰/۸۲	%-۱/۴۰	%۶۵/۶۹	%۱۸۱/۱۳	%۳۱/۲۶
	۱۵۰	%۲۶/۷۲	%۱۱۲/۹۷	%۱/۱۶	%۶۸/۰۶	%۱۴۵/۰۴	%۳۲/۴۶
	۲۵۲	%۰/۰۹	%۵۱/۰۲	%-۳۶/۲۴	%۲/۹۷	%۷۰/۸۳	%۰/۰۰
هفتگی	۱	%۱۲/۳۷	%۱۵۸۱/۴۸	%-۲۲۰/۷۴	%۴۵/۹۲	%۵۸۴/۷۸	%۰/۰۵
	۱۰	%۱۵/۷۵	%۲۱۵/۴۱	%-۳۴/۴۰	%۴۸/۶۵	%۲۰۳/۴۵	%۱۰/۲۱
	۳۰	%۱۶/۱۱	%۸۵/۲۰	%-۱۷/۹۸	%۵۲/۳۴	%۱۱۸/۵۹	%۲۳/۷۳
	۵۰	%۱۶/۴۲	%۵۴/۰۵	%-۱۱/۱۳	%۵۴/۳۵	%۹۷/۵۲	%۲۹/۳۶
	۶۰	%۱۶/۶۰	%۴۸/۹۰	%-۸/۸۳	%۵۴/۹۳	%۹۰/۴۹	%۲۹/۸۵
	۹۰	%۱۷/۱۲	%۴۰/۰۴	%-۰/۴۴	%۵۶/۵۶	%۸۲/۶۳	%۳۱/۷۸
	۱۵۰	%۱۷/۵۰	%۲۹/۷۳	%۵/۸۰	%۵۷/۶۷	%۷۳/۲۶	%۴۶/۵۱
	۲۵۲	%۰/۱۹	%۴۳/۲۲	%-۳۴/۶۳	%۴/۹۸	%۷۶/۱۰	%۰/۰۱
ماهانه	۱	%۱۰/۶۳	%۱۶۲/۵۳	%-۷۴/۰۳	%۳۴/۸۶	%۱۵۷/۵۵	%۰/۲۹
	۱۰	%۱۲/۱۶	%۵۴/۷۱	%-۴۱/۵۶	%۴۵/۱۴	%۸۰/۱۹	%۱۶/۸۱
	۳۰	%۱۳/۶۷	%۲۶/۳۶	%-۳/۹۵	%۴۹/۱۱	%۶۳/۸۴	%۳۴/۹۴
	۵۰	%۱۴/۱۰	%۲۳/۶۴	%۱/۸۷	%۵۰/۱۰	%۵۵/۳۱	%۴۲/۰۶
	۶۰	%۱۴/۳۵	%۲۱/۳۴	%۱/۴۹	%۵۰/۲۱	%۵۴/۱۴	%۴۰/۴۳
	۹۰	%۱۴/۶۴	%۱۸/۹۵	%۸/۲۱	%۵۰/۰۰	%۵۴/۰۲	%۴۶/۲۶
	۱۵۰	%۱۳/۵۰	%۱۴/۶۵	%۱۱/۷۸	%۴۹/۳۶	%۴۹/۹۵	%۴۷/۹۲
	۲۵۲	%۰/۸۷	%۳۲/۲۴	%-۲۷/۱۲	%۱۰/۰۶	%۴۵/۴۸	%۰/۰۸

منبع: یافته‌های تحقیق



شکل ۶. مقادیر  $\mu$  و  $\sigma$  در زیردوره‌های مختلف

منبع: یافته‌های تحقیق

به منظور بررسی بهتر، مقادیر پارامترهای مورد بررسی به روش پس‌رو در کلیه‌ی دوره‌ها و مقیاس‌های محاسبه شده را می‌توان در شکل ۶ ملاحظه کرد. با توجه به این شکل، مقادیر تلاطم و  $\mu$  در زیردوره‌ی ۲۰۰۱-۲۰۰۴ دارای بالاترین (بنا به دلایلی که قبل اذکر شد) و در جدیدترین دوره یعنی ۲۰۱۱-۲۰۱۲ دارای کمترین مقادیر هستند. همچنین ملاحظه می‌شود که مقادیر هر دو پارامتر در مقیاس‌های محاسبه شده در هر زیردوره تا مقیاس‌های ۹۰ و نیز ۱۵۰، بطور ملایمی افزایش یافته که بیانگر آثار دوره‌ای و فصلی می‌باشد، اما متوسط مقیاس سالانه کاهش چشمگیری داشته و از این‌رو این مقیاس جهت بررسی پارامترها مناسب نبوده و نوسانات را بخوبی منعکس نمی‌کند. بعلاوه، میزان پارامترهای محاسبه شده جهت داده‌های هفتگی و روزانه نیز بالاتر از مقادیر زیر دوره‌ی اخیر (۲۰۱۱-۲۰۱۲) بوده و در مقیاس‌های ۱ تا ۹۰ و نیز ۱۵۰ دارای روندی مشابه با زیر دوره‌های انتخابی هستند.

جدول ۷. متوسط پارامترهای  $\mu$ ،  $\sigma$  در کلیه زیر دوره‌ها و مقیاس‌ها

$\mu$	$\sigma$	زیر دوره	روش	$\mu$	$\sigma$	زیر دوره	روش
%۱۷/۴۹	%۴۶/۴۳	۱۹۹۷-۲۰۰۰	پسرو	%۲۷/۳۴	%۷۰/۶۶	داده‌های ثابت (۲۵۲)	پیشو
%۳۴/۷۵	%۶۴/۰۲	۲۰۰۱-۲۰۰۴		%۲۵/۶۴	%۶۸/۶۷	داده‌های هر سال	
%۱۹/۶۸	%۵۳/۶۰	۲۰۰۵-۲۰۰۸		%۲۲/۰۳	%۶۳/۹۴	۱۹۹۷-۲۰۰۰	
%۱۹/۰۹	%۵۰/۳۴	۲۰۰۹-۲۰۱۲		%۳۸/۹۹	%۸۹/۲۹	۲۰۰۱-۲۰۰۴	
%۴/۴۲	%۳۵/۶۰	۲۰۱۱-۲۰۱۲		%۲۱/۸۳	%۶۶/۲۳	۲۰۰۵-۲۰۰۸	
%۲۳/۱۰	%۵۴/۳۰	۱۹۹۷-۲۰۱۲		%۲۰/۹۳	%۶۷/۵۰	۲۰۰۹-۲۰۱۲	
%۱۴/۱۳	%۴۵/۶۸	۱۹۹۷-۲۰۱۲		%۲۶/۱۹	%۷۲/۷۰	۱۹۹۷-۲۰۱۲	
%۱۱/۷۴	%۴۲/۳۶	۱۹۹۷-۲۰۱۲					

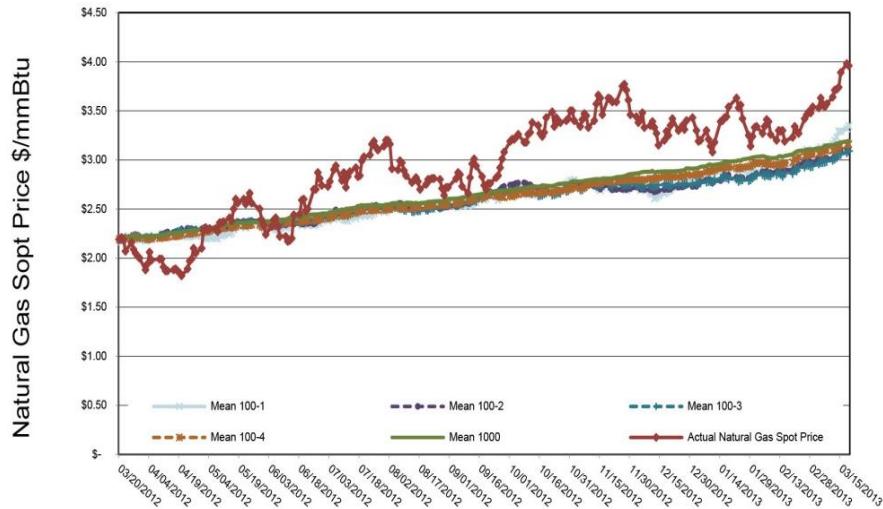
منبع: یافته‌های تحقیق

نتایج مربوط به مقادیر متوسط پارامترهای محاسباتی به دو روش پیش‌رو و پس‌رو در کلیه زیر دوره‌های مورد بررسی را می‌توان در جدول ۷ بطور خلاصه مشاهده کرد. نتایج حاکی از آن است که در روش پسرو مقادیر تلاطم بطور متوسط بین %۳۵/۶۰ تا %۶۴/۰۲ و مقادیر  $\mu$  نیز در این روش بین %۴/۴۲ تا %۳۴/۷۵ گستردگی شده است. ملاحظه می‌گردد که این مقادیر در مقایسه با نتایج روش پیش‌رو در سطح پایین‌تری واقع شده‌اند.

### ۳-۳. پیش‌بینی قیمت‌های نقدی روزانه گاز طبیعی به کمک مدل GBM

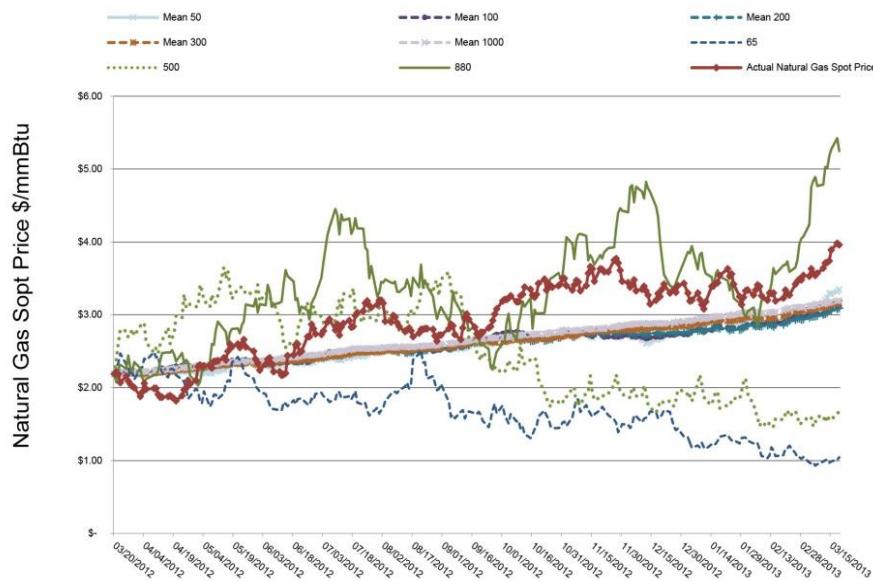
در بخش قبل، به کمک روش‌های متعدد، پارامترهای مدل GBM مورد محاسبه و تحلیل قرار گرفتند. نتایج نشان داد که پارامترهای مورد نظر را می‌توان به کمک زیر دوره‌های متعددی از دوره زمانی مورد بررسی، محاسبه کرد. اما اینکه پارامترهای کدام مورد را می‌توان مبنای اجرای مدل پیش‌بینی قیمت قرار داد. باید مورد بررسی قرار گیرد. همچنین به کمک شبیه‌سازی مونت کارلو در قالب رابطه‌ی (۳۴)، بمنظور تعیین توزیع قیمت در دوره‌ی  $t + \Delta t$ ، برای هر زیر دوره و نیز هر مقیاس مورد بررسی، حدود ۱۰۰۰ اجرای تصادفی انجام شد. لازم به ذکر است در ابتدا براساس پیشنهاد (لاینگ، ۲۰۰۶)

۱۰۰ اجرا مدنظر قرار گرفت. اما همانطور که در شکل ۷ مشخص شده، اگر اجراهای مجازی برای هر ۱۰۰ اجرای تصادفی داشته باشیم، نتایج نشان می‌دهد که دامنه تغیرات مقادیر پیش‌بینی زیاده بوده و به تصادف در برخی اجراهای پیش‌بینی‌ها به مقادیر واقعی نزدیک و در برخی مواقع نیز تفاوت قابل توجهی بین مقادیر پیش‌بینی و واقعی وجود دارد. لذا نسبت به تغییر تعداد اجراهای به بیشتر از ۱۰۰ اجرا اقدام شد و همانطور که در شکل ۸ مشاهده می‌شود با افزایش تعداد اجراهای، اگرچه دامنه نوسانات مقادیر پیش‌بینی کاهش پیدا کرده، اما شیب خط پیش‌بینی به شیب خط مقادیر واقعی بسیار نزدیک است. این بررسی‌ها نشان دادند که با افزایش تعداد اجراهای به ۱۰۰۰، در صورتی که اجراهای مجازی برای هر ۱۰۰۰ اجرا داشته باشیم، تغییری در شیب خط پیش‌بینی بوجود نخواهد آمد، لذا تعداد ۱۰۰۰ اجرا به عنوان تعداد پایه اجراهای برای پیش‌بینی مدنظر قرار گرفت و کلیه نتایج ارائه شده از این به بعد براساس ۱۰۰۰ اجرا می‌باشد.



شکل ۷. اثر تعداد ۱۰۰ اجرای مجازی بر مقادیر پیش‌بینی و مقایسه آن با ۱۰۰۰ اجرا و مقادیر واقعی

منبع: یافته‌های تحقیق



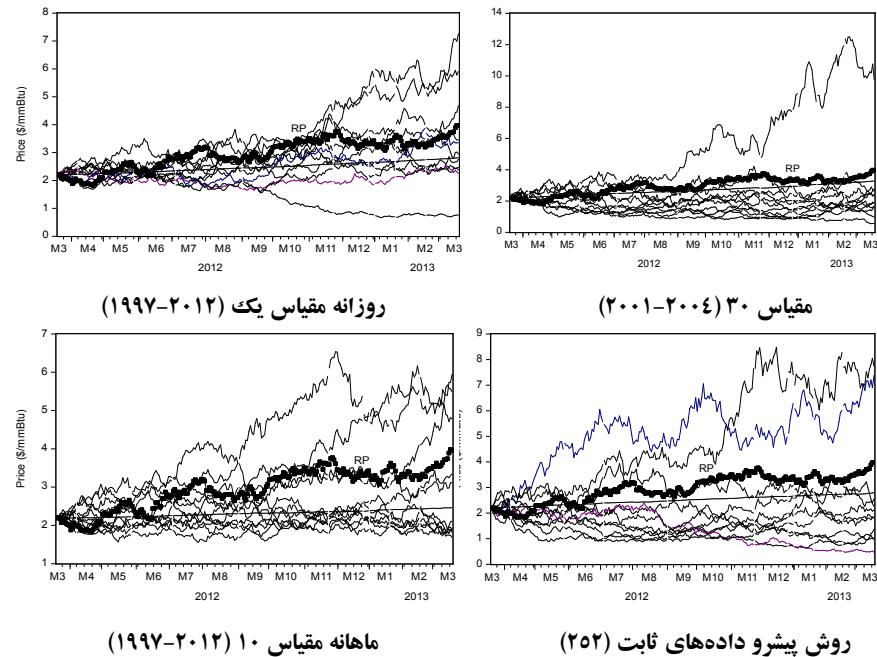
شکل ۸ اثر تک اجراهای تصادفی و تعداد اجرای مختلف بر مقادیر پیش‌بینی و مقایسه آنها با مقادیر واقعی

منبع: یافته‌های تحقیق

بنابراین به منظور تعیین بهترین مقادیر پارامترهای محاسباتی  $\mu$  و  $\sigma$  در پیش‌بینی قیمت‌ها، در وهله‌ی نخست برای کلیه‌ی زیر دوره‌های مورد بررسی در جدول ۷ از هر دو روش پیش‌رو و پس‌رو، وهمچنین کلیه‌ی مقیاس‌های ۱ تا ۱۵۰ در زیر دوره‌ها با توجه به پارامترهای  $\mu$  و  $\sigma$  که در مرحله‌ی قبل بدست آمدند مدل مذکور اجرا شد و به پیش‌بینی قیمت از ۲۱/۰۳/۲۰۱۲ تا ۲۵۲ روز بعد (سال مالی) یعنی ۱۹/۰۳/۲۰۱۳ پرداخته شد؛ در هر مورد به جهت اطمینان بیشتر، ۱۰۰۰ اجرای تصادفی و بعلاوه یک سری که معادل میانگین ۱۰۰۰ اجرا بود، در نظر گرفته شد که به پیش‌بینی قیمت در قالب مدل GBM در بازه‌ی فوق تا ۲۵۲ روز بعد می‌پردازند؛ نمودارهای پیش‌بینی قیمت روزانه توسط مدل مذکور جهت ۱۱ سری تصادفی و میانگین ۱۰۰۰ سری تصادفی اجرا شده و نیز سری زمانی قیمت‌های

۴۱ □ تخمین قیمت‌های نقدی روزانه‌ی گاز طبیعی با استفاده ...

واقعی برای ۴ زیر دوره نیز به‌طور نمونه در شکل ۹، قابل مشاهده است. نمودار سری پرنگ بیانگر سری داده‌های واقعی اند که در شکل با RP مشخص شده است.



شکل ۹. پیش‌بینی قیمت گاز به کمک مدل GBM جهت مقادیر  $\mu$  و  $\sigma$ ، در زیر دوره‌های مختلف بطور نمونه

RP: منظور همان سری قیمت‌های واقعی است.

منبع: ظیافته‌های تحقیق

با توجه به شکل ۹ مشخص است که به لحاظ وجود زیردوره‌های مختلف و نیز مقیاس‌های متفاوت هر یک و بعلاوه دو روش پیش‌رو و پس‌رو، و همچنین انجام ۱۰۰۰ اجرا برای هریک، انتخاب بهترین پارامترها، از این رو مدل مربوطه، دشوار است؛ لذا سعی شد با لحاظ معیارهای ارزیابی عملکرد سه گانه‌ی ضریب تایل، RMSE و نش-ساتکلیف به بررسی سری‌های تصادفی در زیردوره‌ها پرداخته شود. معیارها حاکی از آن است که الگوی یکنواختی در بین این سری‌ها موجود نیست و در زیردوره‌های مختلف، سری‌های مختلف

دارای عملکرد متفاوتی هستند. بنابراین، به منظور رفع این مسئله برای هر زیر دوره یا مقیاس یا روش مطالعاتی، سری میانگین پیش‌بینی قیمت از ۱۰۰۰ اجرای مربوطه محاسبه شده و سپس معیارهای ارزیابی در هر مورد محاسبه شد که در جداول ۸ و ۹ ذیلاً قابل مشاهده است:

جدول ۸. مقادیر ارزیابی عملکرد پیش‌بینی جهت روش پرسو

-۲۰۱۲ ۱۹۹۷ ماهانه هفتگی	-۲۰۱۲ ۱۹۹۷ روزانه	-۲۰۱۲ ۱۹۹۷ ۲۰۱۱	-۲۰۱۲ ۲۰۰۹	-۲۰۰۸ ۲۰۰۵	-۲۰۰۴ ۲۰۰۱	-۲۰۰۰ ۱۹۹۷	
-۰/۸۵	-۰/۷۳	-۰/۱۶	-۱/۶۵	-۰/۲۹	-۰/۳۳	۰/۵۵	-۰/۴۱ نش-ساتکلیف
۰/۱۳	۰/۱۳	۰/۱۰	۰/۱۶	۰/۱۱	۰/۱۱	۰/۰۶	۰/۱۱ تاپل
۰/۷۱	۰/۶۹	۰/۵۶	۰/۸۵	۰/۵۹	۰/۶۰	۰/۳۵	۰/۶۲ جنر میانگین مریعات خطا
۹۰	۹۰	۶۰	۱	۹۰	۱۰	۵۰	۳۰ مقیاس

منبع: یافته‌های تحقیق

با توجه به جدول فوق، مشخص است که بهترین مقادیر عملکرد در روش پرسو مربوط به داده‌های سال ۲۰۰۱-۲۰۰۴ و سپس به ترتیب مقادیر روزانه ۱۹۹۷، ۲۰۱۲-۱۹۹۷، ۲۰۰۹، زیر دوره‌های ۲۰۰۹-۲۰۱۲، ۲۰۰۵-۲۰۰۸، ۲۰۰۰-۱۹۹۷، ۲۰۱۲-۱۹۹۷، ۲۰۰۸-۲۰۰۵، ۲۰۰۰-۱۹۹۷، ۲۰۱۲-۱۹۹۷، ۲۰۰۹-۲۰۰۴ و در نهایت ۲۰۱۲-۲۰۱۱ هستند. لذا برخلاف تصور عمومی تنها نباید به داده‌های دوره‌های اخیر نیز در محاسبه‌ی پارامترهای اصلی مدل GBM تکیه کرد.

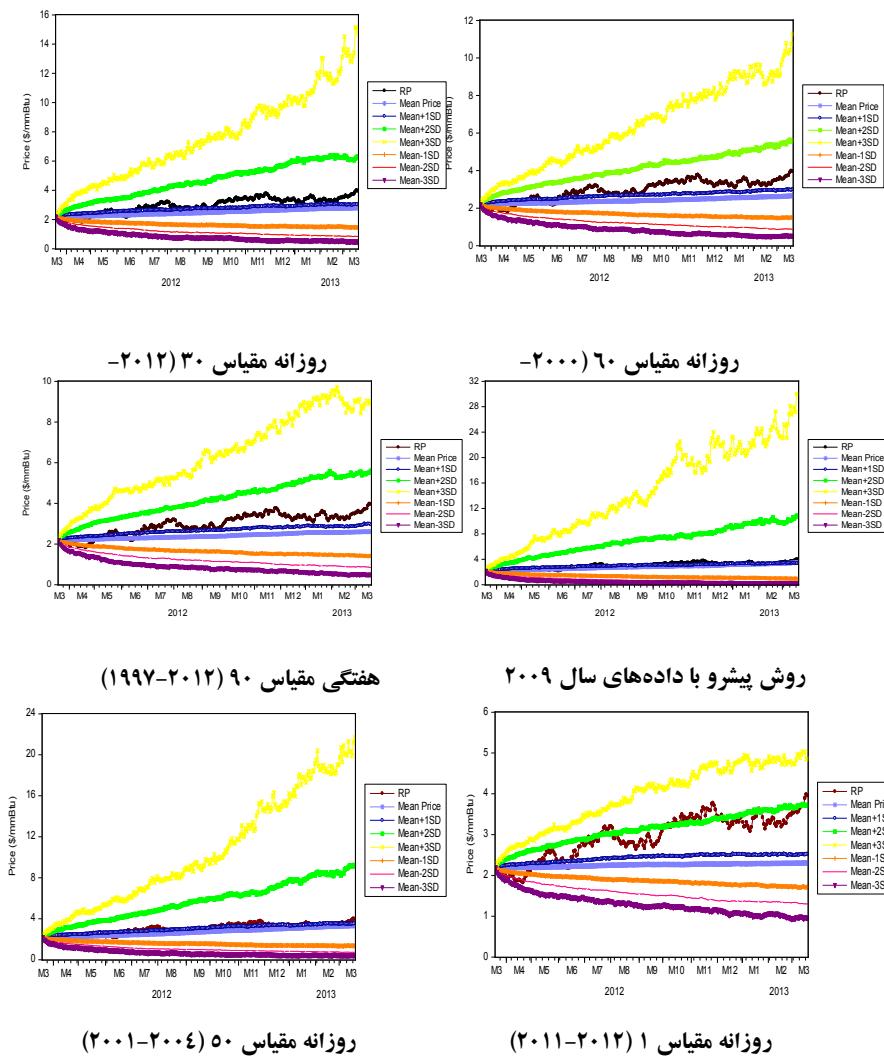
جدول ۹. مقادیر ارزیابی عملکرد پیش‌بینی جهت روش پیشو

۱۹۹۷-۲۰۱۲	-۲۰۱۲ ۲۰۰۹	-۲۰۰۸ ۲۰۰۵	-۲۰۰۴ ۲۰۰۱	-۲۰۰۰ ۱۹۹۷ ثابت (۲۵۲)	متوسط کل داده‌های سالها	۲۰۰۹
-۰/۴۲	-۰/۸۱	-۰/۵۷	۰/۱۷	-۰/۳۴	-۰/۲۵	-۰/۰۹ نش-ساتکلیف
۰/۱۱	۰/۱۳	۰/۱۲	۰/۰۹	۰/۱۱	۰/۱۱	۰/۱۰ تاپل
۰/۶۲	۰/۷۰	۰/۶۵	۰/۴۸	۰/۶۰	۰/۵۸	۰/۰۵ جنر میانگین مریعات خطأ
					۰/۰۵	۰/۳۱

منبع: یافته‌های تحقیق

مقادیر عملکردهای حاصل از روش پیشو رو در جدول ۹ نشان می‌دهد که بطور مشخص داده‌های سال ۲۰۰۹ و سپس در زیر دوره‌ی ۲۰۰۴-۲۰۰۱ بهترین معیار عملکرد را

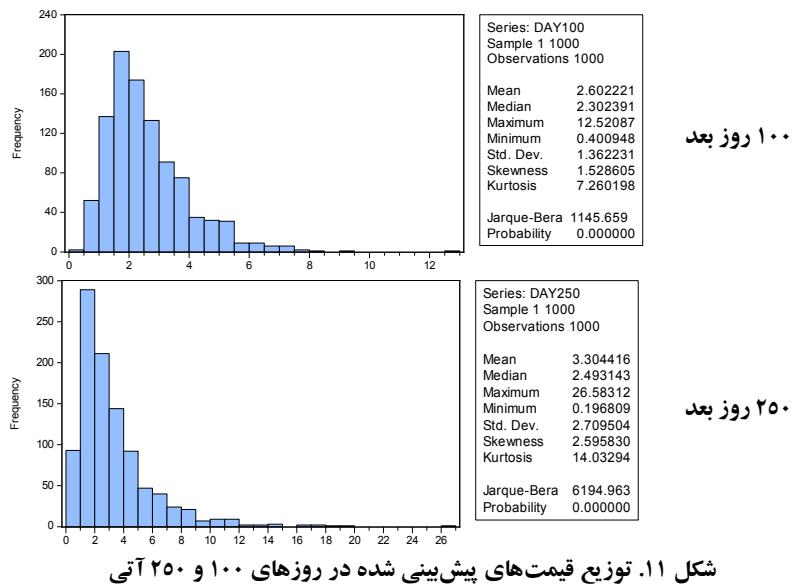
دارا هستند. مقایسه بین دو روش پس‌رو و پیش‌رو حاکی از آن است که روش پیش‌رو و بطور مشخص سال ۲۰۰۹ و سپس زیر دوره‌ی ۲۰۰۴-۲۰۰۱ در روش پس‌رو و در نهایت ۲۰۰۴-۲۰۰۱ در روش پیش‌رو می‌توانند به عنوان مبنای جهت محاسبه مقادیر پارامترهای اصلی مدل مورد استفاده قرار گیرند. به منظور تأیید این مدعای سعی شد تا در سری‌های تصادفی پیش‌ینی قیمت با توجه به پارامترهای محاسباتی  $\mu$  و  $\sigma$  مربوط به زیردوره‌های مورد بررسی در هر دو روش پیش‌رو و پس‌رو، ابتدا فواصل اطمینان  $\mu \pm \sigma$ ، محاسبه شده تا نحوه قرار گیری سری قیمت‌های واقعی در دوره‌ی مورد پیش‌ینی در بین این فواصل، بهتر قابل مشاهده باشد. نتایج حاکی از آن است که در همه‌ی این سری‌ها، به جز سری مبتنی بر سال ۲۰۰۹ از روش پیش‌رو و تا حدودی سری مبتنی بر داده‌های زیردوره‌ی ۲۰۰۴-۲۰۰۱ در روش پس‌رو، در بقیه‌ی پیش‌ینی‌های صورت گرفته، سری داده‌های واقعی در بین فاصله اطمینان  $(\sigma^2/2)$  واقع شده است، بنابراین می‌توان نتیجه گرفت که مدل بدست آمده بر اساس پارامترهای این دو زیردوره دارای بهترین مقادیر پیش‌ینی و بهترین معیارهای عملکرد هستند (شکل ۱۰).



شکل ۱۰. قیمت‌های واقعی در مقابل پیش‌بینی شده در فواصل اطمینان متفاوت به کمک یارامترهای دوره‌های مختلف

منبع: یافته‌های تحقیق

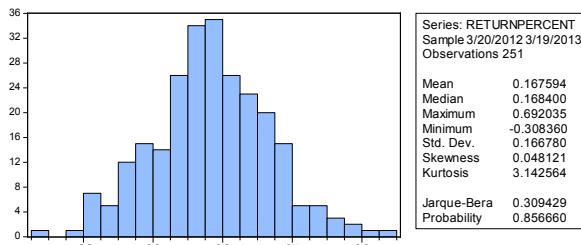
مقادیر تلاطم محاسبه شده از هر دو روش فوق و در بازه‌های مختلف زمانی و نیز معیارهای ارزیابی عملکرد مربوطه، بیانگر آن است که زیردوره‌ها یا مقیاس‌هایی که دارای تلاطم بالاتری هستند، بالنسبه از معیارهای ارزیابی بهتری نیز برخوردارند و از این رو بهتر می‌توان از آنها در پیش‌بینی قیمت‌ها در قالب مدل GBM بهره گرفت. همچنین، در پیش‌بینی قیمت‌ها در قالب مدل مذکور همواره باید به محاسبه‌ی مقادیر مختلف تلاطم در بازه‌های مختلف تاریخی پرداخت و با در نظر گرفتن مقادیر ارزیابی مدل، نسبت به انتخاب بهترین پارامترها در مدل به پیش‌بینی قیمت‌ها پرداخت. بعلاوه، باید توجه داشت که پس از تعیین بهترین زیر دوره جهت تخمین پارامترهای  $\mu$  و  $\sigma$ ، به کمک ۱۰۰۰ اجرای تصادفی انجام شده در پیش‌بینی قیمت‌ها جهت ۲۵۲ روز آتی، این امکان وجود دارد که برای هر یک از ۲۵۲ روز بعد که مدنظر است، نمودار هیستوگرام قیمتی را بدست آورد و براساس آن نسبت به انعقاد قرارداد در روز مورد نظر تصمیم‌گیری کرد. در قسمت بعد، (شکل ۱۱) خصوصیات آماری و هیستوگرام دو روز انتخابی ۱۰۰ و ۲۵۰ که معادل ۲۰۱۲/۰۸/۰۹ و ۲۰۱۳/۰۳/۱۵ هستند، ارائه شده‌اند که می‌توان ملاحظه کرد مانند خصوصیات آماری داده‌های قیمتی در جدول ۱، در اینجا نیز نمودار حاصله چوله به راست و دارای کشیدگی مازاد و ازینرو توزیع غیرنرمال است.



شکل ۱۱. توزیع قیمت‌های پیش‌بینی شده در روزهای ۱۰۰ و ۲۵۰ آتی

منبع: یافته‌های تحقیق

حرکت هندسی براونی براین امر دلالت دارد که بازده قیمت‌های بدست آمده از این مدل دارای توزیع نرمال لگاریتمی بوده و به عبارت دیگر، مقادیر بازده بطور پیوسته ترکیب شده و از توزیع نرمال (زنگولهای شکل) تبعیت می‌کنند (شکل ۱۲). در واقع، توزیع نرمال-لگاریتمی از افت قیمت‌ها به زیر صفر ممانعت می‌کند.



شکل ۱۲. هیستوگرام قیمت‌های پیش‌بینی شده به کمک مدل GBM با استفاده از پارامترهای زیر دوره‌ی ۲۰۰۱-۲۰۰۴

منبع: یافته‌های تحقیق

#### ۴. نتیجه‌گیری و پیشنهادها

طی قرن بیستم، بحران‌های مالی عمده‌ای سبب برانگیخته شدن بسیاری از مطالعات و تحقیقات در زمینه‌ی مدل‌سازی مالی شده تا بدین وسیله ریسک ناشی از وقوع این قبیل بحران‌ها تخفیف یابد. طی سالیان متتمدی، ریاضیدانان و مهندسین مالی به ارائه و توسعه‌ی بسیاری از مدل‌های ریاضیاتی همت گماشتند که یکی از این مدل‌ها، مدل حرکت هندسی براونی است که بطور گسترده‌ای در مدل‌سازی قیمت سهام، دارایی‌ها و کالاهای انرژی مورد استفاده قرار می‌گیرد.

در تحقیق حاضر، با استفاده از فرایند هندسی براونی، جهت قیمت‌های نقدی روزانه‌ی گاز طبیعی هنری هاب از ۱۹۹۷/۰۱/۰۷ تا ۲۰۱۲/۰۳/۲۰، به پیش‌بینی قیمت گاز طبیعی پرداخته شد. قیمت‌های تاریخی گاز طبیعی متغیر و دارای تلاطم بوده و پیش‌بینی قیمت دقیق در آینده دشوار است. توزیع قیمت‌های روزانه و نیز بازده قیمتی داده‌های واقعی دارای کشیدگی مازاد یعنی نسبت به توزیع نرمال بلندتر و دارای دنباله‌های چاق‌تر است. به عبارت دیگر، بازدهی‌های بزرگ (مثبت یا منفی) بیش از حد مورد انتظار اتفاق می‌افتد. همچنین، وجود چولگی مثبت در قیمت‌ها، بیانگر آن است که بازدهی‌های بزرگ اغلب مثبت هستند.

یکی از خصوصیات قیمت‌ها در بازار مالی و بازارهای انرژی، بی‌ثباتی یا تلاطم قیمت طی زمان است، به طوری که آگاهی از آینده بازارها و تحولات آنها به یکی از علاقمندیها و ضروریات عاملان اقتصادی فعل در بازار مبدل شده است. بنابراین، نسبت به تخمین دو پارامتر فرایند حرکت هندسی براونی یعنی  $\mu$  (رانش) و  $\sigma$  (تلاطم) در بازه‌ها و زیردوره‌های مختلف زمانی داده‌های مورد مطالعه (۱۹۹۷-۲۰۱۲) به دو روش پیش‌رو و پس‌رو اقدام شد. نتایج حاکی از آن است در روش پیش‌رو در گروه داده‌های قیمتی با اندازه‌ی ثابت مقادیر  $\mu$  و  $\sigma$  در طول سه سال آخر دوره‌ی مورد مطالعه نسبت به شش سال قبل از آن کمتر بوده و بیشترین میزان آن نیز در نتیجه‌ی بروز جبهه‌ی هوای سرد در فوریه‌ی ۲۰۰۳ رخ داده، همچنین مقادیر این پارامترها در کل دوره‌ی مورد مطالعه هرسال

بطور مجزا از روش پیش رو نیز مشابه نتیجه‌ی قبلی را بدست داد. پارامترهای محاسباتی در زیردوره‌های ۱۹۹۷-۲۰۱۲، ۲۰۰۱-۲۰۰۵، ۲۰۰۴-۲۰۰۱ و ۲۰۰۸-۲۰۰۹ و کل دوره‌ی مطالعاتی ۱۹۹۷-۲۰۱۲ نیز نشان می‌دهد؛ مقادیر تلاطم و  $\mu$  به ترتیب در زیردوره‌ی ۲۰۰۱-۲۰۰۴ و پس از آن در کل دوره دارای بیشترین مقدار است. این نتیجه مؤید جهش قیمتی ایجاد شده در زمستان ۲۰۰۰-۲۰۰۱ و در پی عوامل فیزیکی بازار و نیز جهش ایجاد شده در فوریه‌ی ۲۰۰۳، در نتیجه‌ی نیروهای بازار و بویژه در اثر بروز یک جبهه‌ی سرد هوا و به دلیل کم شدن تولید چاههای موجود در منطقه‌ی میان‌قاره‌ای است. بدنبال آن تقاضا افزایش و عرضه کاهش یافت، و قیمت‌های نقدی به اوج خود برابر با ۱۸/۴۸ دلار بر هر میلیون بی‌تی یو رسید. نتایج حاصل از روش پس رو نیز در بازه‌های زمانی روزانه، هفتگی و ماهانه به کمک مقادیر قیمت ۱ تا ۱۵۰ روز، هفته و ماه پیش صورت گرفته و بیانگر آن است که سطح متوسط تلاطم در مقیاس روزانه بیشتر از هفتگی و در هفتگی بیشتر از ماهانه بوده، یعنی با افزایش طول مدت بازه‌ی زمانی، مقادیر تلاطم و  $\mu$  کاهش می‌یابد. همچنین، می‌توان دریافت که مقادیر تلاطم و  $\mu$  کاملاً وابسته به دوره یا مقیاس مورد نظر است. مقادیر پارامترهای زیر دوره‌های ۱۹۹۷-۲۰۰۰، ۲۰۰۱-۲۰۰۵، ۲۰۰۴-۲۰۰۱ و ۲۰۰۸-۲۰۰۹-۲۰۱۲ و همچنین جدیدترین دوره یعنی ۲۰۱۲-۲۰۱۱ و مقیاس‌های ۱ تا ۱۵۰ روزه برای هر کدام نشان می‌دهد که مقادیر تلاطم و  $\mu$  در زیردوره‌ی ۲۰۰۴-۲۰۰۱ دارای بالاترین و در جدیدترین دوره یعنی ۲۰۱۲-۲۰۱۱ دارای کمترین مقادیر می‌باشند. میزان پارامترهای محاسبه شده جهت داده‌های هفتگی و روزانه نیز بالاتر از مقادیر زیر دوره‌ی اخیر (۲۰۱۱-۲۰۱۲) بوده و در مقیاس‌های ۱ تا ۹۰ و نیز ۱۵۰ دارای روندی مشابه با زیر دوره‌های انتخابی هستند. ملاحظه می‌شود که پارامترهای محاسباتی  $\mu$  و  $\sigma$  در روش پس رو در مقایسه با نتایج روش پیش رو در سطح پایین‌تری واقع شده‌اند.

به منظور تعیین توزیع قیمت به کمک مدل GBM، برای هر زیر دوره و نیز هر مقیاس مورد بررسی، حدود ۱۰۰۰ اجرای تصادفی انجام شد، زیرا تعداد اجراهای کمتر نشان می‌دهد دامنه تغییرات مقادیر پیش بینی زیاد بوده و به تصادف در برخی اجراهای، پیش

بینی‌ها به مقادیر واقعی نزدیک است. و در برخی مواقع نیز تفاوت قابل توجهی بین مقادیر پیش‌بینی و واقعی وجود دارد. با افزایش تعداد اجراء، اگرچه دامنه نوسانات مقادیر پیش‌بینی کاهش پیدا کرده، اما شیب خط پیش‌بینی به شیب خط مقادیر واقعی بسیار نزدیک شده است. مقادیر معیارهای ارزیابی عملکرد سه گانه‌ی ضربی تایل، RMSE و نش-ساتکلیف نشان داد که الگوی یکنواختی در بین این سری‌های تصادفی موجود نبوده و در زیردوره‌های مختلف، سری‌های مختلف دارای عملکرد متفاوتی هستند. از این‌رو، سری میانگین پیش‌بینی قیمت از ۱۰۰۰ اجرای مربوطه محاسبه و سپس معیارهای ارزیابی عملکرد سه گانه در هر مورد محاسبه گردید. مقایسه‌ی مقادیر عملکرد در بین دو روش پس‌رو و پیش‌رو حاکی از آن است که روش پیش‌رو و به‌طور مشخص سال ۲۰۰۹ دارای بهترین معیار عملکرد است و زیر دوره‌ی ۲۰۰۱-۲۰۰۴ در روش پس‌رو و در نهایت ۲۰۰۱ در روش پیش‌رو می‌توانند به عنوان مبنای جهت محاسبه‌ی مقادیر پارامترهای اصلی مدل موردنمود استقرار گیرند. بنابراین، ملاحظه می‌شود که زیردوره‌ها یا مقیاس‌هایی که دارای تلاطم بالاتری هستند بالنسبة از معیارهای ارزیابی بهتری نیز برخوردارند و از این‌رو بهتر می‌توان از آنها در پیش‌بینی قیمت‌ها در قالب مدل GBM بهره گرفت. نتایج حاصله نشان می‌دهد که مدل GBM خواص اصلی خود از قبیل مقادیر مثبت در هر نقطه‌ای از زمان مشروط بر وجود نقطه‌ی شروع مثبت، مقادیر بازدهی قیمت مستقل از هم، وجود فرایند مارکوفی یعنی انعکاس کلیه اطلاعات مربوطه از جانب مقادیر جاری و استقلال توزیع مقادیر بازده آتی، از مقادیر جاری و قبلی را دارا است (Miltersen<sup>۱</sup>؛ همچنین، در پیش‌بینی قیمت‌ها در قالب مدل مذکور همواره باید به محاسبه‌ی مقادیر مختلف تلاطم در بازه‌های مختلف تاریخی پرداخت و با در نظر گرفتن مقادیر ارزیابی مدل نسبت به انتخاب بهترین پارامترها در مدل، به پیش‌بینی قیمت‌ها پرداخت. بعلاوه، باید توجه داشت که پس از تعیین بهترین زیر دوره جهت تخمین پارامترهای  $\mu$  و  $\sigma$ ، به کمک ۱۰۰۰ اجرای تصادفی انجام شده در پیش‌بینی قیمت‌ها جهت ۲۵۲ روز آتی، این امکان وجود

دارد که برای هر یک از روزهای آتی، نمودار هیستوگرام قیمتی را بدست آورد و براساس آن نسبت به انعقاد قرارداد در روز مورد نظر تصمیم‌گیری کرد. با توجه به گسترش روزافزون حجم مبادلات در بورسها، بیشتر و نیز نوسانات قیمت گاز طبیعی استفاده از مکانیسم‌هایی که بتوان به کمک آن ریسک تغییر قیمت در آینده را پوشش داد، امری ضروری است. مطابق نتایج تحقیق حاضر، مدل مورد استفاده به جهت پیش‌بینی مسیر قیمت آتی می‌تواند کمک بزرگی در این زمینه باشد.

## منابع و مأخذ

- جعفری صمیمی، احمد.، برادران هاشمی، احمد و دهقانی، تورج. (۱۳۸۵). الگوی بررسی اثر ذخیره‌سازی گاز طبیعی بر نوسانات قیمت آن، مجله تحقیقات اقتصادی، شماره ۷۶، آذر و دی، صص: ۱۱۹-۱۴۲.
- رحیمی، غلامعلی. (۱۳۸۶). بررسی مکانیسم‌های قیمت‌گذاری گاز طبیعی در مناطق مختلف، فصل نامه مطالعات اقتصاد انرژی، سال چهارم، شماره ۱۳، صص: ۹۶-۱۲۱، تابستان.
- منصورکیایی، اسحاق. (۱۳۸۷). تخمین رابطه میان قیمت نفت خام و گاز طبیعی مایع شده (LNG)، فصل نامه مطالعات اقتصاد انرژی، سال پنجم، شماره ۱۸، صص: ۹۹-۱۲۱، پاییز.
- منظور، داود. و نیاکان، لیلی. (۱۳۹۱). مدیریت ریسک در صنعت نفت و گاز کشور؛ ضرورت‌ها و ابزارها، نشریه انرژی ایران، دوره ۱۵، شماره ۱، بهار، صص: ۱-۱۸.
- "Brownian Motion", Encyclopedia Britannica, (2005). Encyclopedia Britannica Premium Service. November 2, 2005, <http://www.britannica.com/eb/article-9016720/08/24/2014>.
- Bachelier, L. (1900). "Th'eorie de la sp'eculation. Annales Scientifiques de l'Ecole Normale Sup'erieure." (English Translation: In P. H. Cootner, editor, Random Character of Stock Market Prices, Massachusetts Institute of Technology, pp. 17-78).
- Benavides, D. L., Duley, J. R., and Johnson, B. E. (1999). "As Good as It Gets Optimal Fab Design and Deployment." IEEE Transactions on Semiconductor Manufacturing, Vol. 12, No. 3, pp. 281-287.
- Berkowitz, J. (2001). "Getting the Right Option Price with the Wrong Model." University of California, Irvine, USA, Sept.
- Black, F., and Scholes, M. (1973). "The Pricing of Options and Corporate Liabilities." The Journal of Political Economy, pp. 637-654.
- Boyle, P. (1977). "Options: A Monte Carlo approach." Journal of Financial Economics, Vol. 4, pp. 323-338.
- Chalmers, M. (2005). "Five Papers that Shock the World." Physics World, Physicsweb. <http://physicsweb.org/articles/world/03/11/2014>.
- Chan, R. H., Chen, Y., & Yeung, k. M. (2003). "A Memory Reduction Method in Pricing American Options." J. Statist. Comput .Simul., Vol. 12, pp: 1-11.
- CME: Chicago Mercantile Exchange Group, Website:<http://www.cmegroup.com./09/02/2014>.
- Collomb, A. (2005); "Dynamic Asset Allocation by Stochastic Programming Methods."; Ph.D, Thesis, Management Science and engineering Department: Stanford University.

- Copeland, T. & Antikarov, V. (2001). "Real Options." Texere LLC, New York.
- Dimson, E., & Mussavian, M. (2000). "Three Centuries of Asset Pricing." London Business School and Salomon Brothers International, January.
- Dixit, R. K. & Pindyck, R. S. (1994). "Investment under Uncertainty." Princeton University Press.
- Dmouj, A. (2006); " Stock price modelling Theory and Practice."; Master Thesis, Vrije University: Faculty of Science, Amsterdam, The Netherlands, pp. 1-40.
- EIA: Energy Information Administration, (2012). Web Page:(<http://tonto.eia.gov/dnav/ng/hist/rngwhhda.htm./10/17/2014>).
- EIA: U.S. Energy Information Administration. (2003). "Derivatives and Risk Management in the Petroleum, Natural Gas, and Electricity Industries." U.S. Department of Energy, Washington, DC.
- EIA: U.S. Energy Information Administration. (2011a). "Annual Energy Review 2010." Retrieved 02.02, 2012, from: <http://205.254.135.7/totalenergy/data/annual/pdf/aer.pdf/07/12/2014>.
- EIA: U.S. Energy Information Administration. (2013). "The International Energy Outlook 2013." DOE/EIA-0484, July.
- Einstein, A. (1956). "Investigation on the Theory of the Brownian Movement." New York: Dover Publications, Inc.
- Encyclopedia Britannica, (2005). "Brownian Motion", Encyclopedia Britannica Premium Service. November 2, 2005, <http://www.britannica.com/eb/article-9016720/01/12/2015>.
- Eydeland, A., and Wolyniec, K. (2003). "Energy and Power Risk Management: New developments in Modeling Pricing, and Hedging." John Wiley & Sons.
- Fleming, J. (1998). "The Impact of Energy Derivatives on the Crude Oil Market." Jones School of Management, Rice University, U.S.
- Gersovitz, M., & Paxson, C.H. (1990). "The Economics of Africa and the Prices of Their Exports." Tech. Rep. 68, Princeton University, Princeton, NJ.
- Haesun, P., Mjelde, J.W. and Bessler, D. A. (2008). "Price Interactions and Discovery Among Natural Gas Spot Markets in North America." Energy Policy, 2008, Vol. 36, Issue 1, pp. 290-302.
- Hamis, s. (2012);" Dynamics of Oil and Electricity Spot Prices in Ensemble Stochastic Models.", Master Thesis, Lappeenranta University of Technology: Department of Mathematics and Physics, Techno-mathematics, pp.1-59.
- Haw, M. D. (2002). "Colloidal Suspensions, Brownian Motion, Molecular." Journal of Physics: Condensed Matter, pp. 7769-7779.
- Haw, M. D. (2005). "Einstein's Random Walk." Physics World, Physicsweb. <http://physicsweb.org/articles/world/01/10/2015>.
- Henning, B., Sloan, M. (2003). "Natural Gas and Energy Price Volatility prepared for the Oak Ridge National Laboratory by the American Gas Foundation." Arlington, Virginia: pp. 1-154.
- Hull, J. C. (2000)."Options, Futures, and Other Derivatives." 4<sup>th</sup> Edition. Prentice-Hall International, Inc, NJ.

- IEA: International Energy Agency. (2012). "World Energy Outlook 2012 Special Report Factsheet." 75739, Paris Cedex 15, Fracne, [www.iea.org./01/11/2015](http://www.iea.org./01/11/2015).
- Jerison, D., Singer, I. M., and Stroock, D. W. (1997). "The Legacy of Norbert Wiener: A Centennial Symposium in Honor of the 100<sup>th</sup> Anniversary of Norbert Wiener's Birth." Proceeding of Symposia in Pure Mathematics, V. 60, Providence: American Mathematical Society.
- Kurehira, H. (2009); " An Investment Decision under the Clean Development Mechanism: A Real Options Approach."; Master Thesis in Management sciences, Waterloo, Ontario, Canada.
- Ladde, G.S. and Wu, L. (2009). "Development of Modified Geometric Brownian Motion Models by using Stock Price Data and Basic Statistics." Nonlinear Analysis: Theory, Methods and Applications, Vol. 71, No. 12, pp. 1203-1208.
- Liang, Y. Y. (2003). " Demand Modeling with the Geometric Brownian Motion Process." Technical Report NTU-IE-Chou-T001.
- Liying, X. (2006); "A Geometric Brownian Motion Oil Price Model."; Master Thesis, The University of Texas at Austin, pp. 1-130.
- Mandrekar, V., and Masani, P. R. (1994). "Proceeding of the Norbert Wiener Centenary Congress." 1994-Proceeding of Symposia in Applied Mathematics, V. 52, Providence: American Mathematical Society.
- Masani, P. R. (1990). "Norbert Wiener." Basel: Birkhauser Verlag.
- Matsuda, K. (2005). " Introduction to Brownian Motion." Department of Economics, The Graduate Center, The City University of New York, <http://www.maxmatsuda.com/01/11/2015>.
- Mazo, R. M. (2002). "Brownian Motion Fluctuation, Dynamics, and Application." Oxford University Press.
- McNichols, J. P., & Rizzo, J. L. (2012)." Stochastic GBM Methods for Modeling Market Prices." Casualty Actuarial Society E-Forum, Summer.
- Merton, R. C. (1973). " Theory of Rational Option Pricing." Bell Journal of Economics and Management Science, Vol. 4, pp. 141-183.
- Miltersen, K. R. (2011). "Mathematical Methods and Models in Finance." Energy Market Course OE32, 7 September. pp. 1-18.
- Nelson, E. (2001). "Dynamical Theories of Brownian Motion." Second Edition: Princeton University Press. <http://www.math.princeton.edu/nelson/books.html>.
- Osborne, M.F.M. (1972). "Random Nature of Stock Market Prices." Journal of Economics and Business, 6, 220-233.
- Perrin, M. J. (1910). "Brownian Movement and Molecular Reality." London.
- Pindyck, R., and Rubinfeld, D. (1991). "Econometric Models & Economic Forecasts." McGraw-Hill, 3<sup>rd</sup> ed.
- Pindyck, R. S. (2004). "Volatility and Commodity Price Dynamics." The Journal of Futures Markets, Vol. 24, No.11, pp.1029-1047.
- Postali, F. A. S., & Picchetti, P. (2006). " Geometric Brownian Motion and structural breaks in oil prices: A quantitative analysis." Energy Economics, Vol. 28, pp. 506 – 522.

- Roesser, R. (2009). "Natural Gas Price Volatility." Joint Committee Workshop on Natural Gas Issues, Electricity Analysis Office, Electricity Analysis Supply Division, rroesser@energy.state.ca.us / 916-654-5124.
- Samuelson, P. A. (1965). "Proof That Properly Anticipated Prices Fluctuate Randomly." *Industrial Management Review*, Vol. 6, pp. 41–9.
- Samuelson, P.A. (2001). "Rational theory of warrant pricing." *Industrial Management Review* 6.
- Siti Nazifah, Z. and Maheran Mohd, J. (2012). "A Review on Geometric Brownian Motion in Forecasting the Share Prices in Bursa Malaysia." *World Applied Sciences Journal* 17 (Special Issue of Applied Math): pp. 87-93.
- Smith, W.T. (1994). "Investment, Uncertainty and Price Stabilization Schemes." *Journal of Economic Dynamics and Control*, Vol. 18, pp. 561-579.
- Stachel, J. (1989). "The Collected Papers of Albert Einstein." V. 2, Princeton University Press.
- Sun, K. H. (2005). "Brownian Motion and the Economic World-Article One." *Surprise* 95.  
[http://doc.ic.ac.uk/~nd/surprise\\_95/journal/vol11/skh1/article.html](http://doc.ic.ac.uk/~nd/surprise_95/journal/vol11/skh1/article.html).12/20/2014.
- Titman, S., & Martin, J. (2008). "Valuation." Pearson Education, Inc., Boston.
- Tsay, R. S. (2002). "Analysis of Financial Time Series." New York, United States of America, John Wiley and Sons, Inc.
- Wiener, N. (1918). "Mathematical Logic." Ph.D. Thesis, Harvard University.
- Wilmott, P. (2001). "The Use, Misuse and Abuse of Mathematics in Finance." Mathematical Institute, Oxford, UK.